

# *Arch Girder (Arched Frame)*

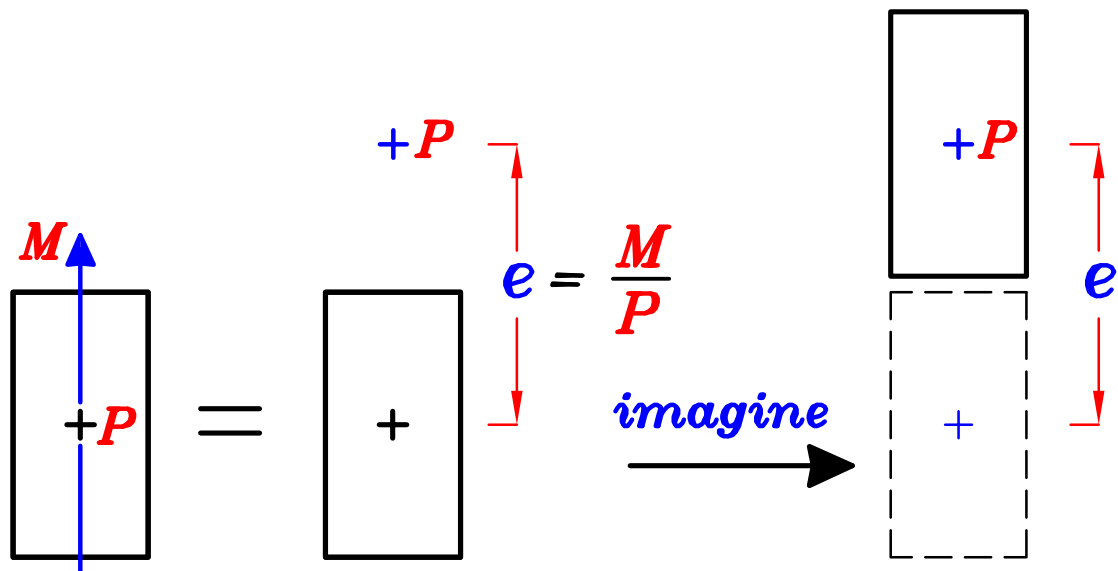
## *Arch Girder Table of Contents.*

|   |                |
|---|----------------|
| <i>Introduction.</i> .....                      | <i>Page 2</i>  |
| <i>Number of Segments of Arch Girder.</i> ..... | <i>Page 4</i>  |
| <i>Concrete Dimensions.</i> .....               | <i>Page 8</i>  |
| <i>Drawing Arch Girder.</i> .....               | <i>Page 13</i> |
| <i>Loads on Arch Girder.</i> .....              | <i>Page 16</i> |
| <i>Concept of Arch Girder.</i> .....            | <i>Page 17</i> |
| <i>Solving Arch Girder.</i> .....               | <i>Page 18</i> |
| <i>Design sections of Arch Girder.</i> .....    | <i>Page 19</i> |
| <i>Reinforcement of Arch Girder.</i> .....      | <i>Page 23</i> |
| <i>Saw Tooth on Arch Girder.</i> .....          | <i>Page 33</i> |
| <i>Examples on Arch Girder.</i> .....           | <i>Page 43</i> |

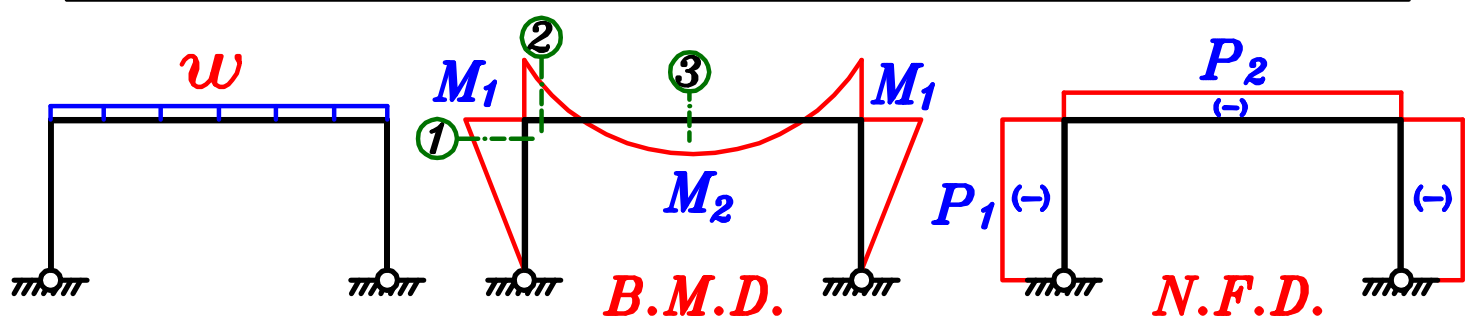
# Introduction.

## Thrust Line. (Pressure Line).

للقطاعات المؤثر عليها  $M$ ,  $P$  اذا تخيلنا أنه تم ترحيل القطاع مسافه  $e$  عكس اتجاه ال  $moment$  سيكون القطاع المرحل عليه  $Normal Force$  فقط وبالتالي عند تصميمه سيحتاج ابعاد قطاع اقل و كميه حديد تسليح اقل .



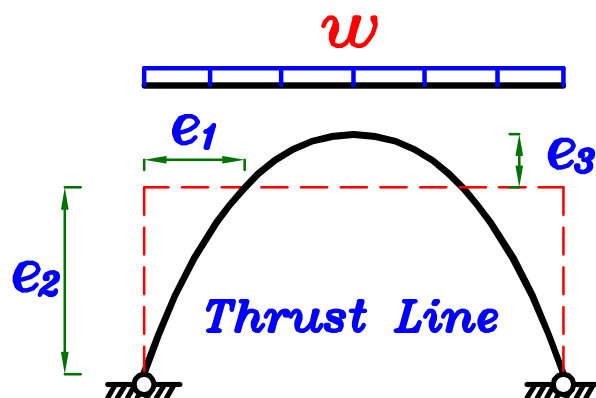
اذا استطعنا لاي  $structure$  ان نرحل كل قطاعاته عكس اتجاه ال  $moment$  مسافه  $e$  سنضمن ان ال  $structure$  الجديد كل قطاعاته سيؤثر عليها  $Normal Force$  فقط .  
و بالتالي تكون ابعاد قطاعاته و كميات حديد تسليحه اقل فتكون تكلفته اقل .  
و يسمى ال  $structure$  الجديد  $Thrust Line$  أو  $Pressure Line$  .



$$\text{Sec. ①} \quad e_1 = \frac{M_1}{P_1}$$

$$\text{Sec. ②} \quad e_2 = \frac{M_1}{P_2}$$

$$\text{Sec. ③} \quad e_3 = \frac{M_2}{P_2}$$

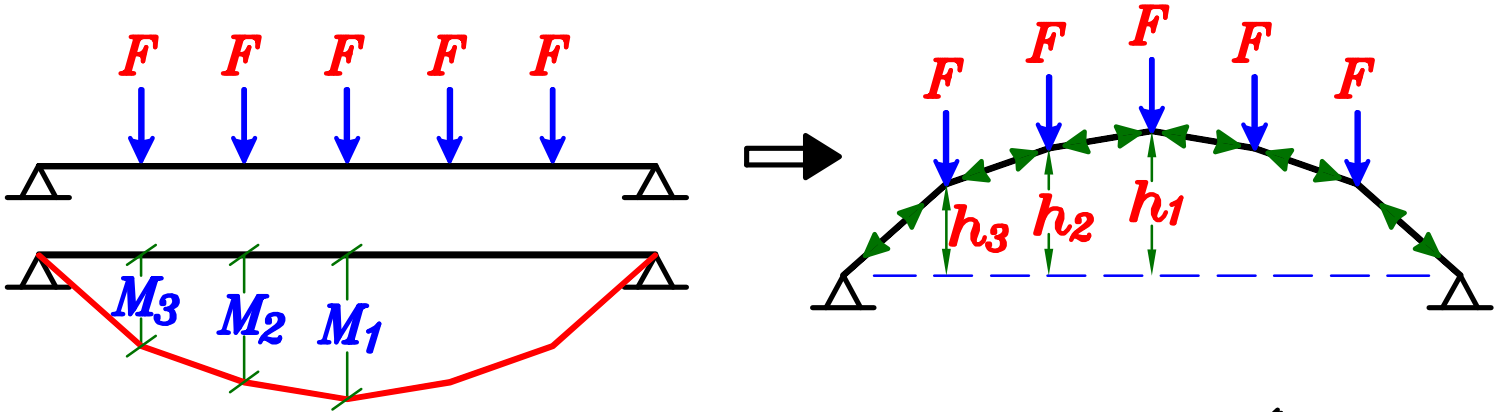


من المنشآت التي شكلها نفس شكل **Arch Girder** ال **(Thrust Line)** و لان في هذه المنشآت تكون قيمه **(axial Force)** تقريبا ثابتة على جميع القطاعات .

$$\text{أى أن } \left( e = \frac{M}{P} = \frac{M}{\text{constant}} \right)$$

لذا اذا رسمنا شكل ال **(structure)** عكس شكل ال **(B.M.D.)** يكون هو نفسه شكل ال **(Thrust Line)** أى لا يكون عليه **(Bending moment)** و لكن يؤثر عليه فقط **(axial Force)** .  
و هذه تعتبر ميزه اقتصاديه لان هذا يوفر فى كميات كلا من الخرسانه و حديد التسليح .

ال **Arch Girder** يحمل اكثر من **2 concentrated loads**

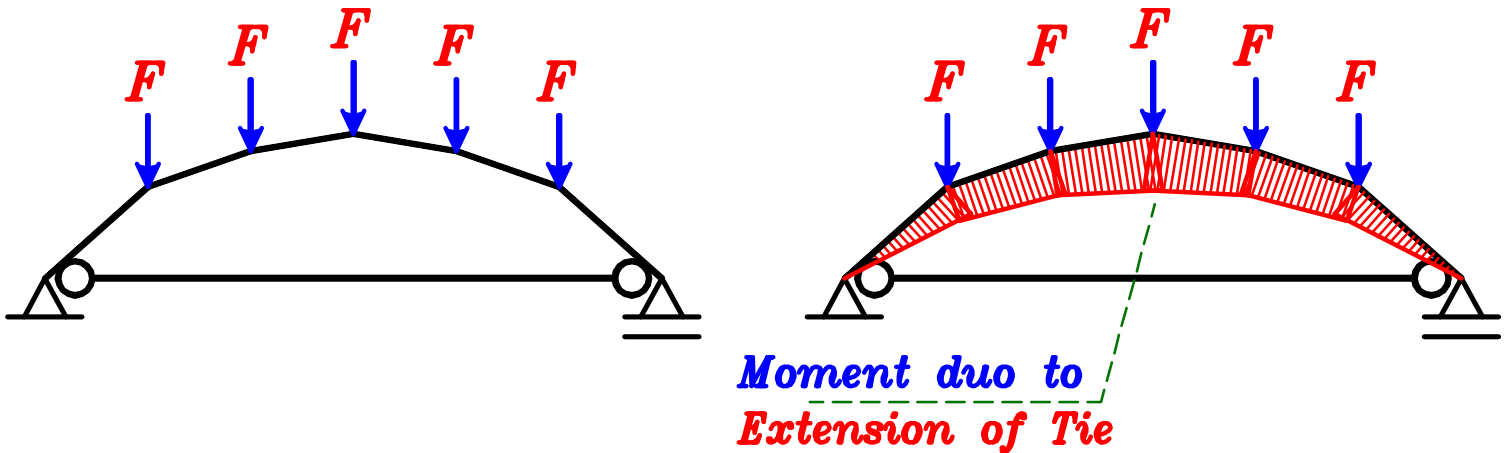


و لكى نضمن أن شكله عكس شكل ال **(B.M.D.)** تماما

يجب أن تكون النسبه بين  **$h_1, h_2, h_3$**  هى نفس النسبه بين  **$M_1, M_2, M_3$**

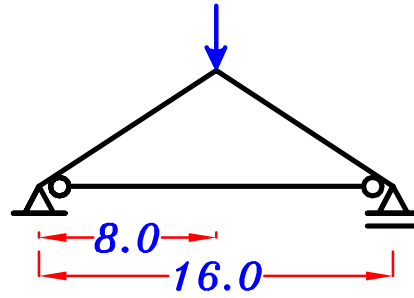
و مثل ال **Polygon Frames** من الصعب أن نأخذ **Hinged-Hinged Supports** فسنضطر ان نأخذ **Hinged-Roller Supports** لل **Arch Girder** مع وضع **Tie** بينهم .

و سنأخذ فى الحسابات تأثير ال **Extension of Tie**



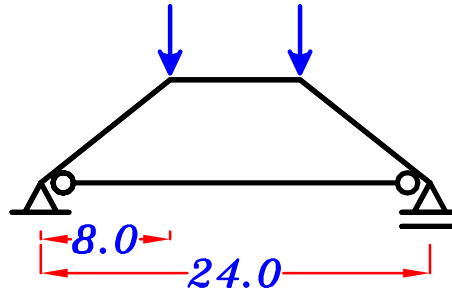
## Number of Segments of Arch Girder.

2 Segments



Triangular  
Polygon Frame

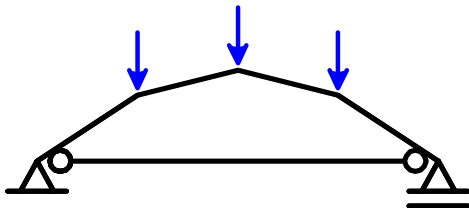
3 Segments



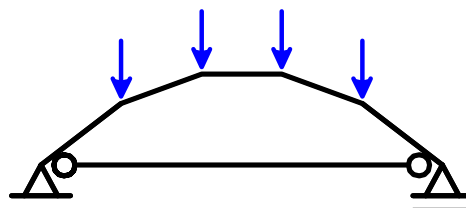
Trapezoidal  
Polygon Frame

IF the span is more than 24 m

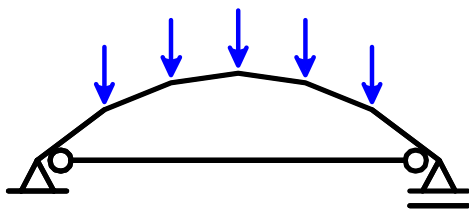
We will need more than 3 Segments, So we will need Arch Girder.



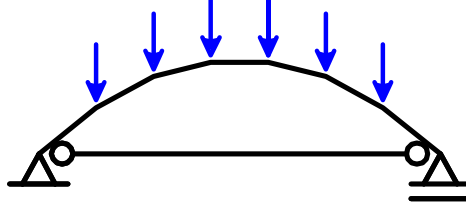
4 Segments



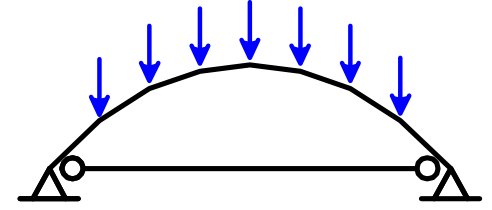
5 Segments



6 Segments



7 Segments



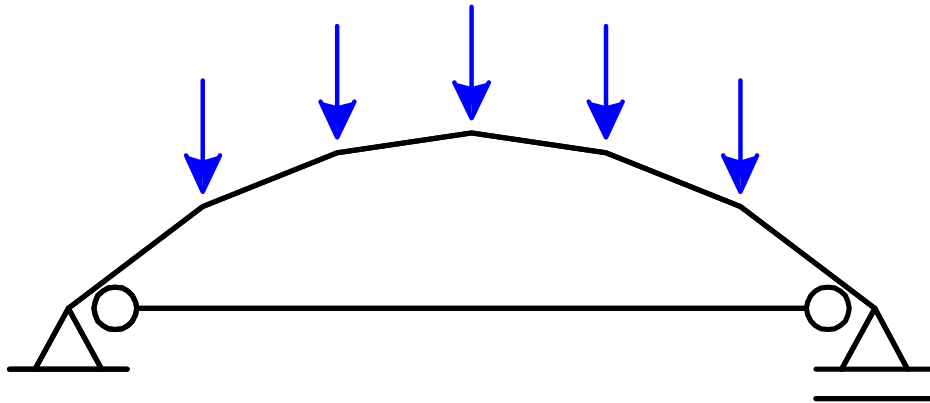
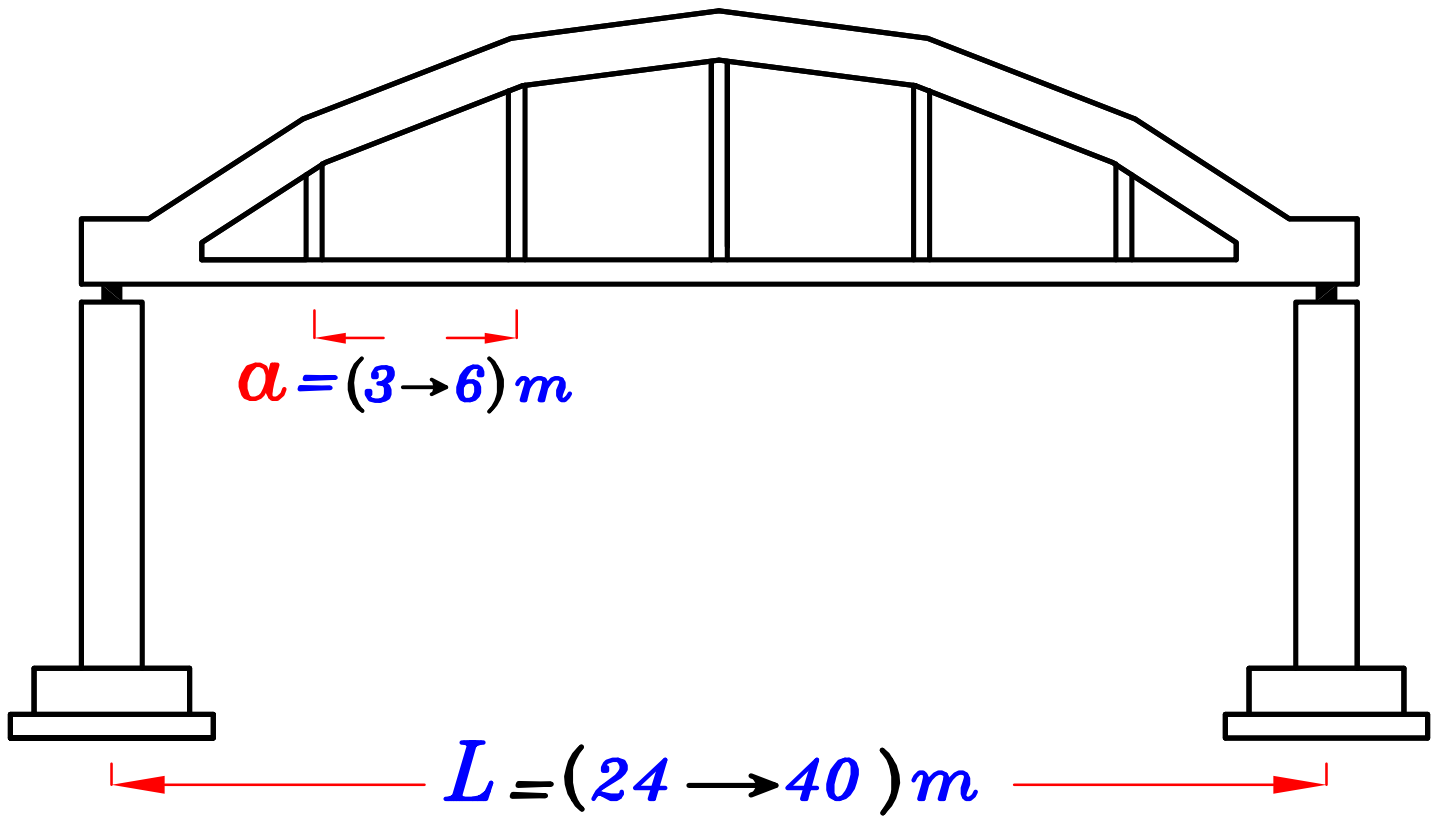
8 Segments

لتحديد عدد ال Segments لل Arch Girder يفضل :

$\alpha > 6.0 m$

١- المسافه الافقيه بين ال Joints لا تزيد عن ٦,٢ حتى لا تكون البلاطه ال one way H.B. مكلفه

٢- يفضل (ليس شرط) أن تكون المسافات متساويه حتى يكون شكله معماريا منتظم .



لكى نتحكم فى وجود أحمال مركزة عند ال **Joints** فقط :

١- نضع كل الكمرات المحمولة على ال **Arch** عند ال **Joints** فقط .

٢- نأخذ كل البلاطات **One Way Slabs** فى إتجاه الكمرات بحيث

لا ترمى أى أحمال على ال **Arch** (تؤخذ **One Way H.B. or One way Solid**).

٣- نضع أى **post** أو أى **hanger** عند ال **Joints** فقط .

٤- نفرض أن ال **O.W.** لل **Arch Girder** يؤثر كأنه **Concentrated Load** عند ال **Joints**.

Strut (250x400)

للتربيط

Hanger (250x250)

$t$

$$h = \frac{L}{6 \rightarrow 8}$$

Tie (bxb)

Secondary Beams

(3 → 6) m

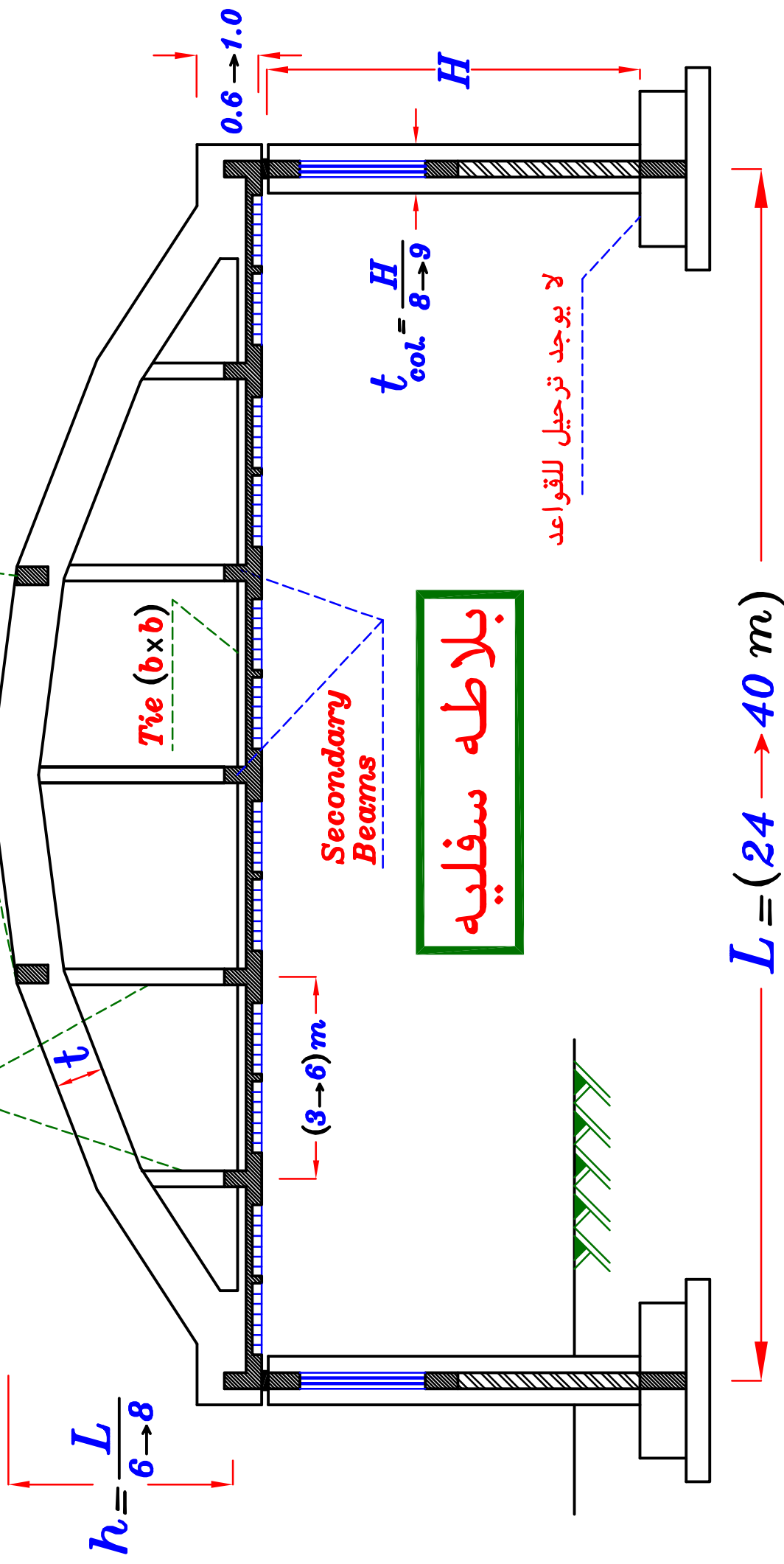
0.6 → 1.0

$$t_{col} = \frac{H}{8 \rightarrow 9}$$

بلاطة سفليه

لا يوجد ترجيل للقواعد

$$L = (24 \rightarrow 40 \text{ m})$$



كمره (250×400)

للتربيط

Secondary Beams

Posts (250×250)

$$h = \frac{L}{6 \rightarrow 8}$$

$t$

Tie ( $b \times b$ )

$(3 \rightarrow 6) m$

$$t_{col} = \frac{H}{8 \rightarrow 9}$$

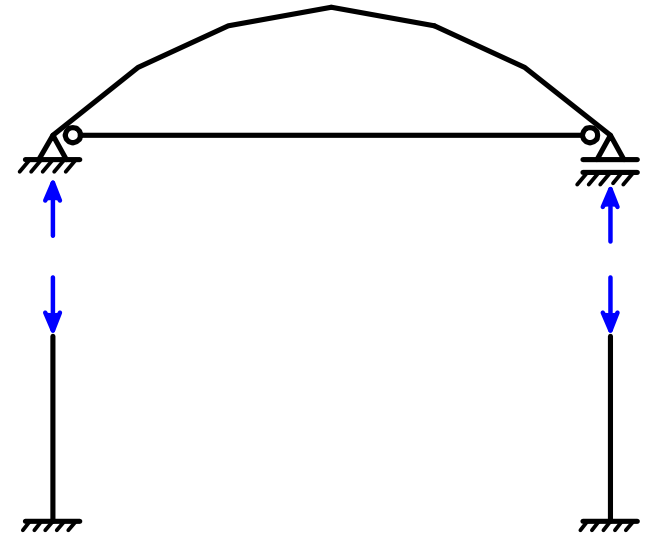
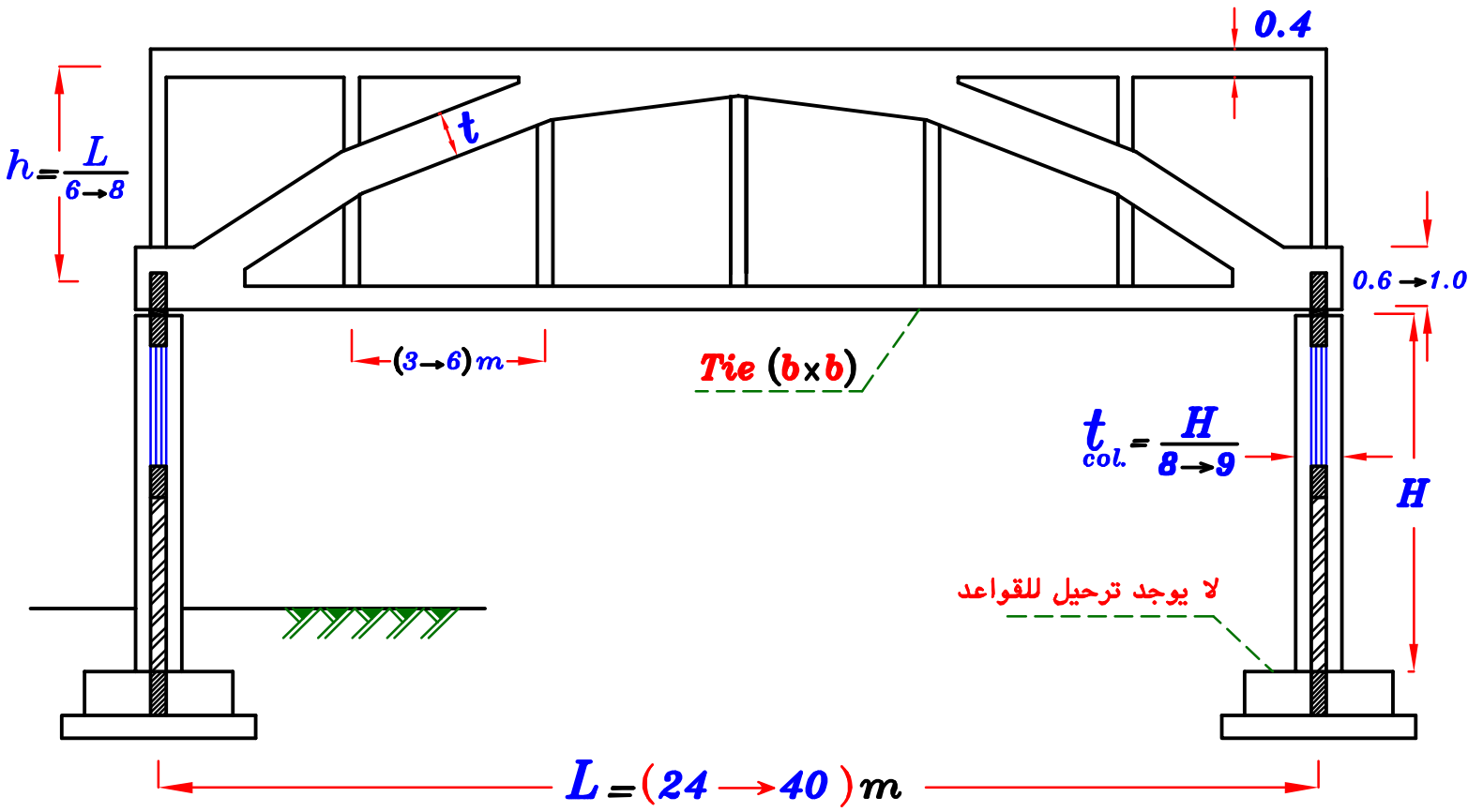
بلاطة علويه

$H$

$0.6 \rightarrow 1.0$

$$L = (24 \rightarrow 40) m$$

# Concrete Dimensions



Statical System

يجب أن تكون كل الأحمال مركزة عند ال **Joints** فقط ولكي نتحكم في ذلك يجب أن :

١- نضع كل الكمرات المحمولة على ال **Girder** عند ال **Joints** فقط .

٢- نأخذ كل البلاطات **One Way Slabs** في إتجاه الكمرات بحيث

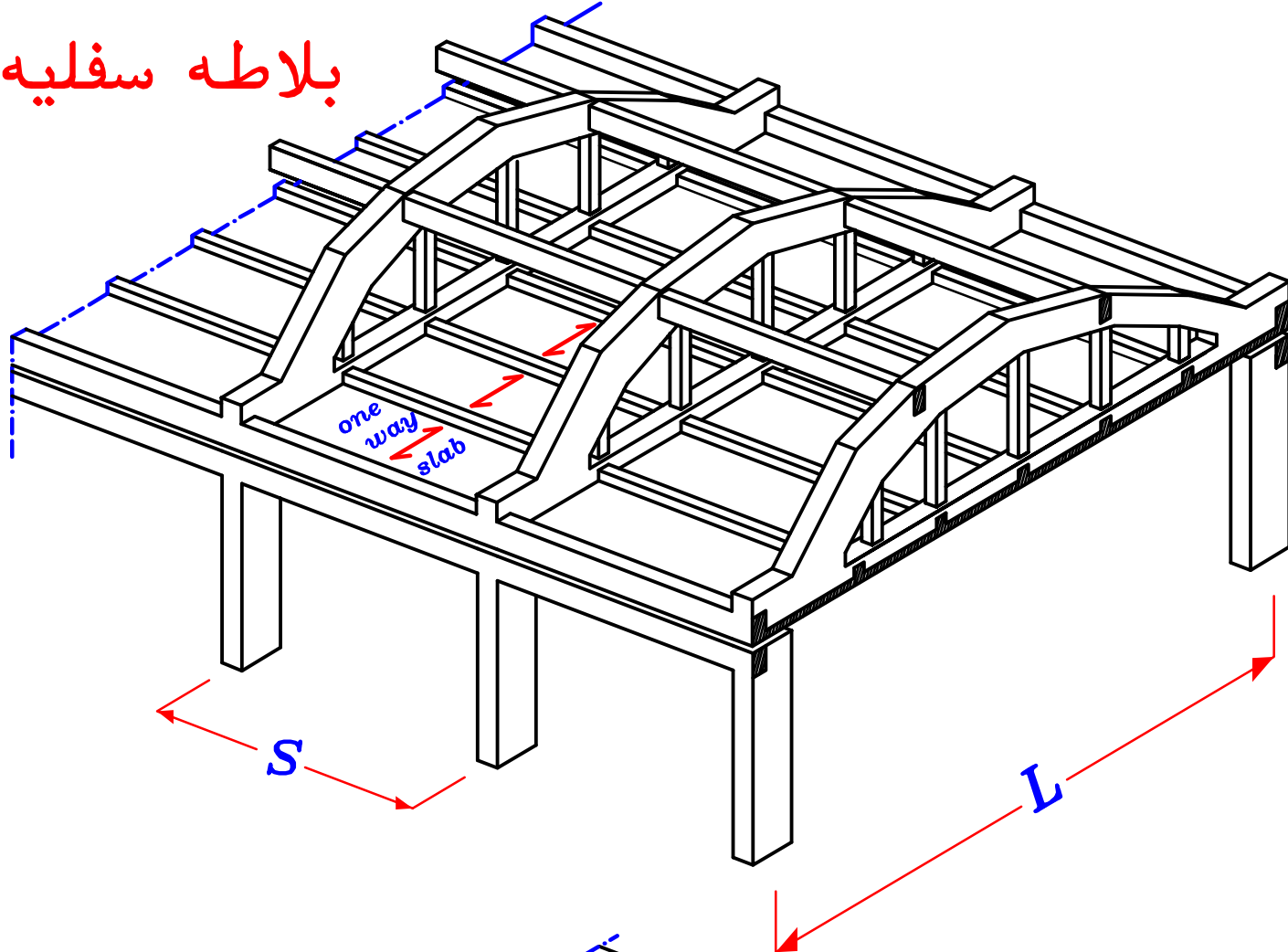
لا ترمى أي أحمال على ال **Girder** .

٣- نضع أي **post** أو أي **hanger** عند ال **Joints** فقط .

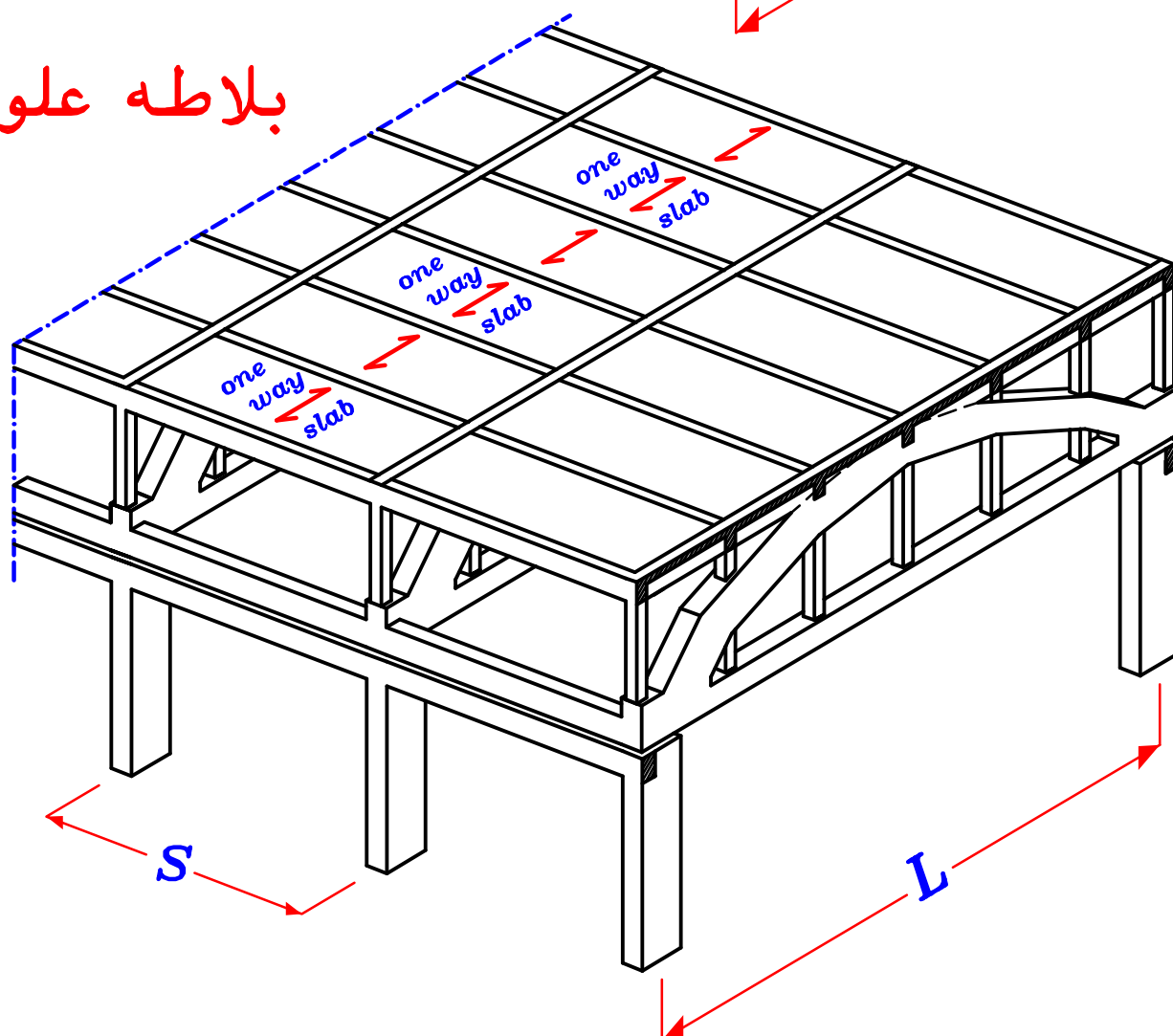
٤- نفرض أن ال **O.W.** لل **Girder** يؤثر كأنه **Concentrated Load** عند ال **Joints** .

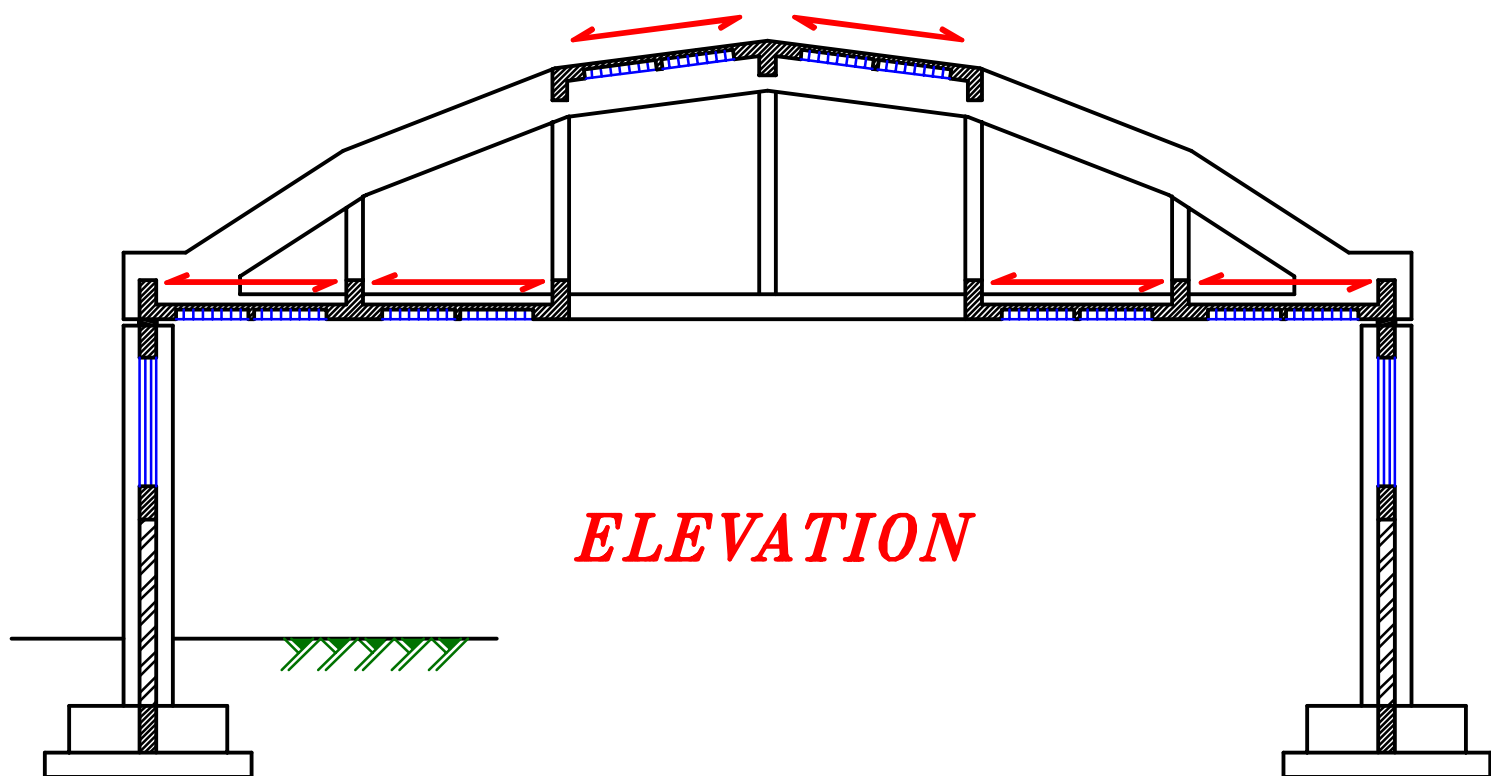
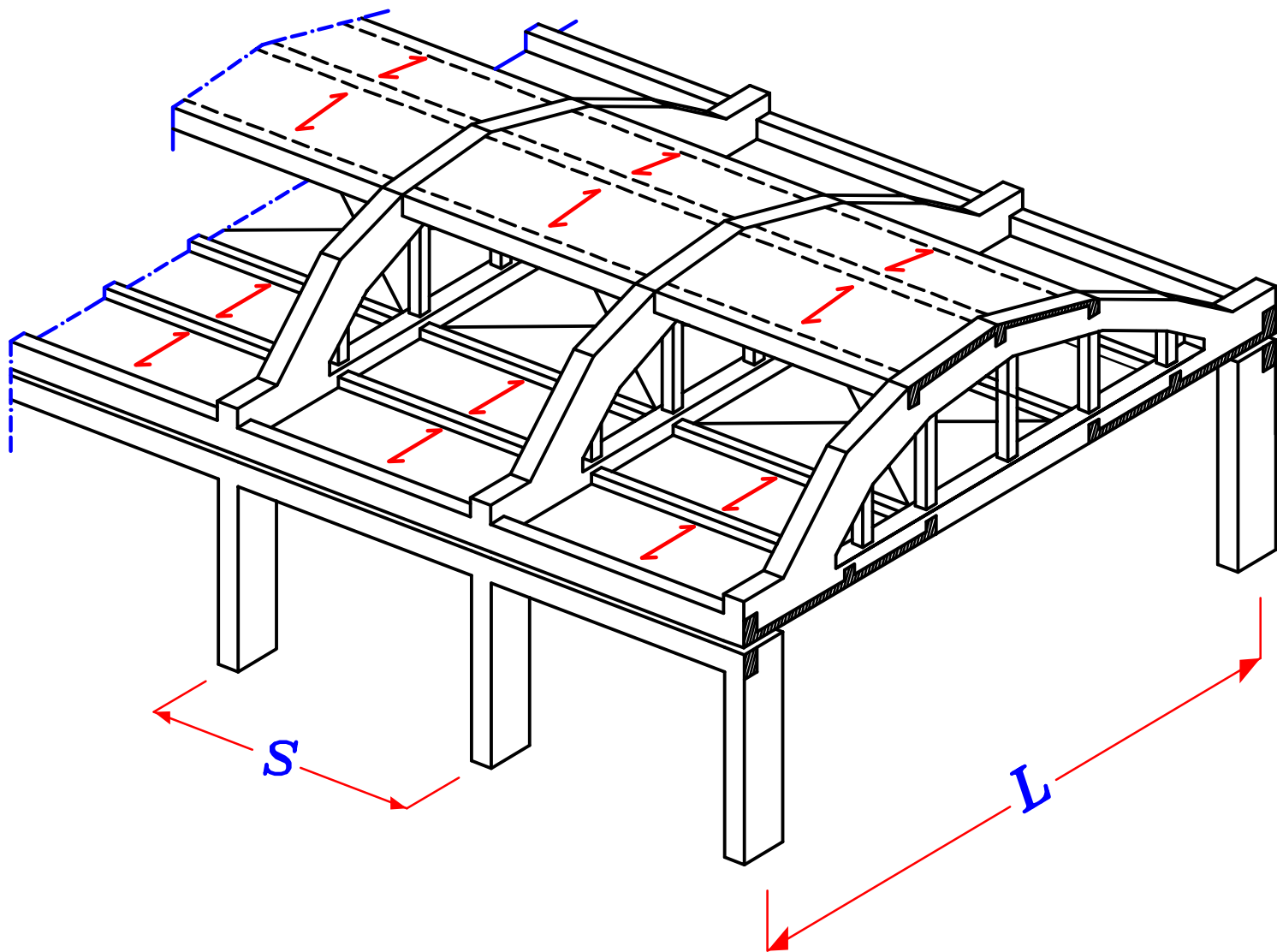


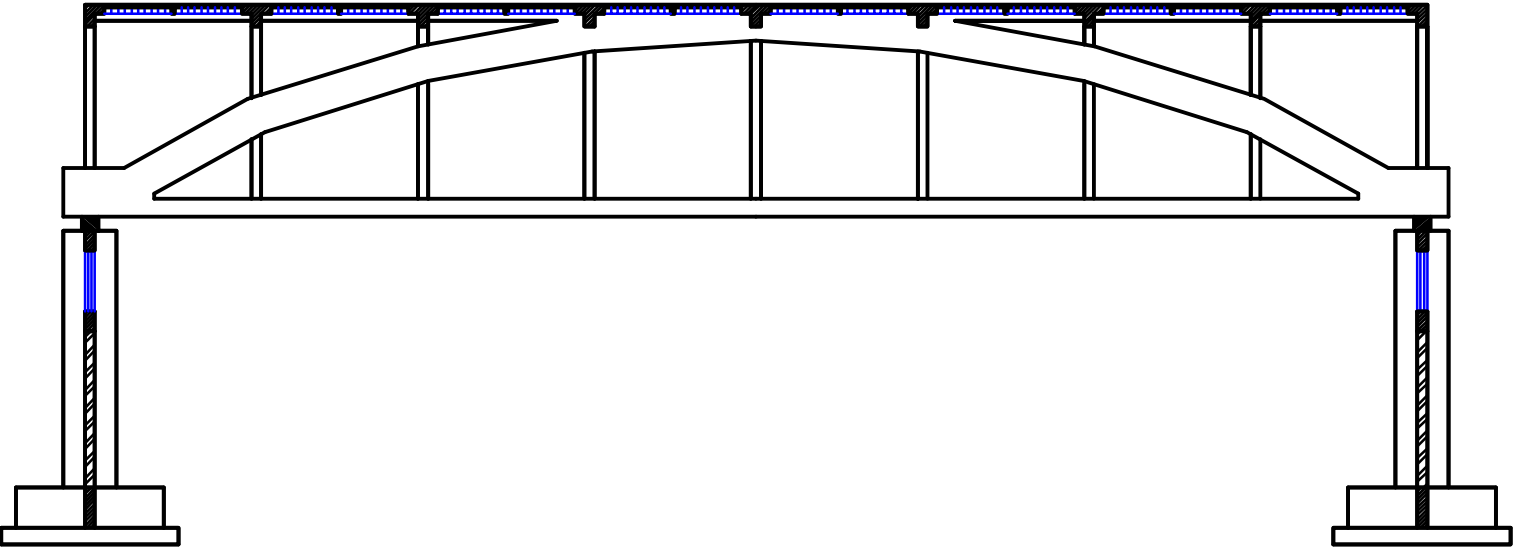
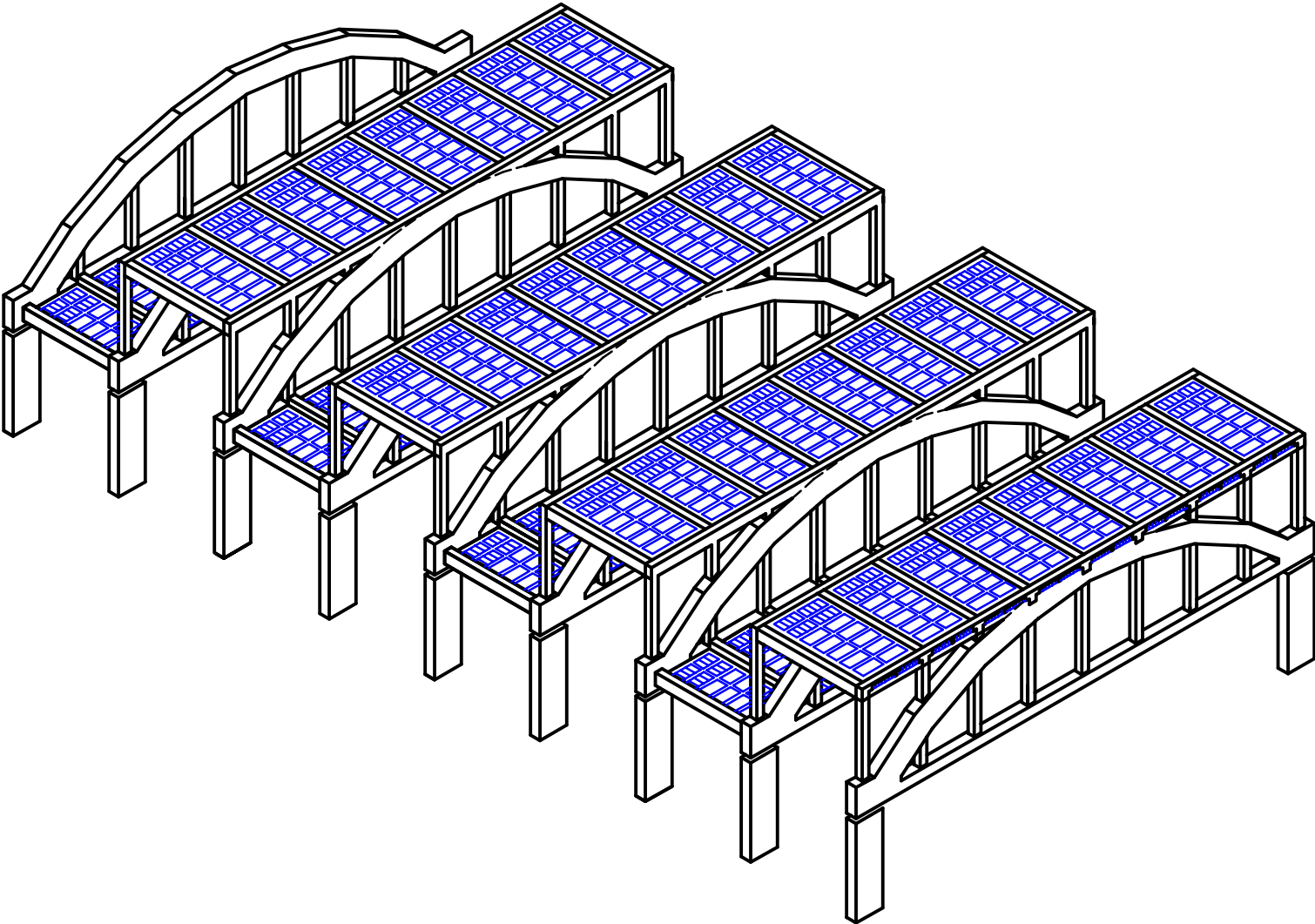
بلاطه سفلیه

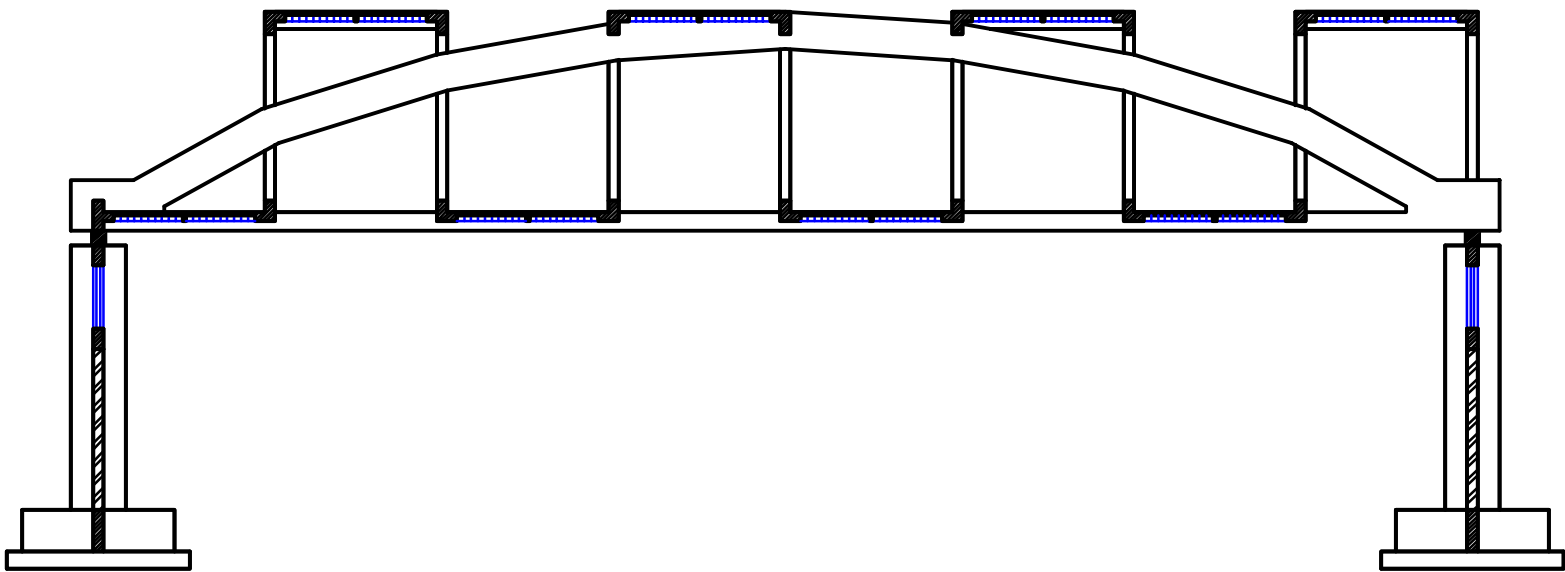
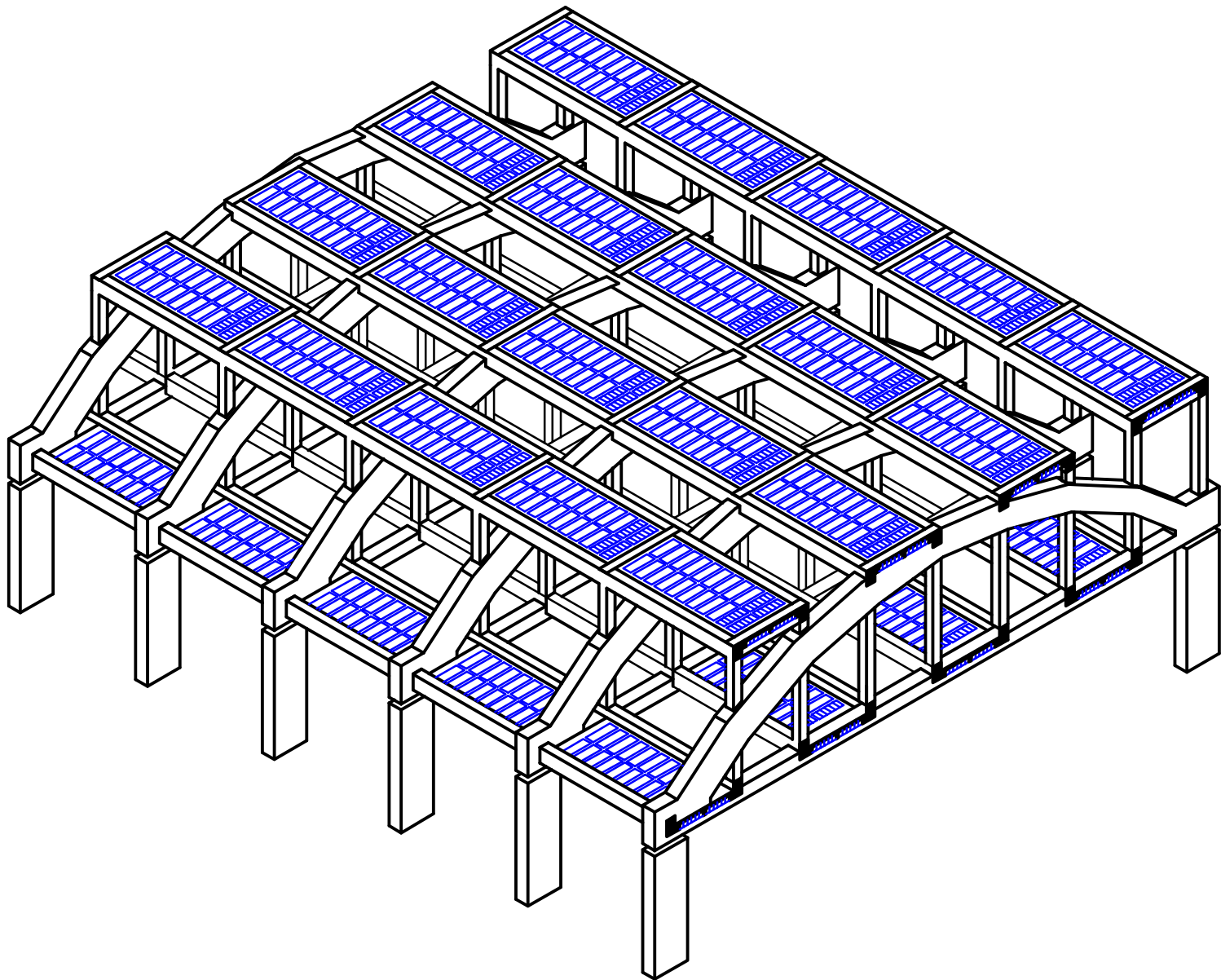


بلاطه علویه



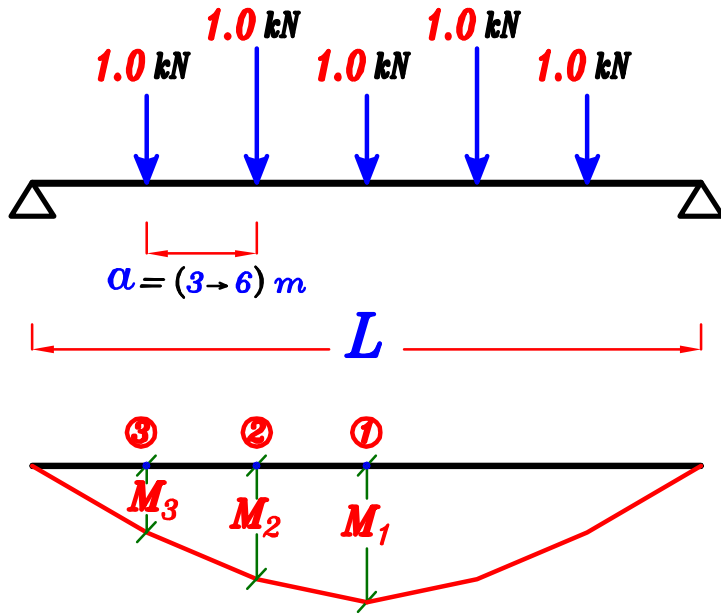






# Drawing Arch Girder.

نرسم شكل ال **Arch** بحيث يكون شكله مقلوب ال **B.M.D.** لكي يكون ال **B.M.D.  $\simeq$  Zero** تقريباً.  
فتكون كل القوى المؤثرة عليه (**N.F.**) فقط.



– نرسم كمره بنفس طول ال **Arch**

و نضع عليها **Concentrated Loads** قيمتها **1.0 kN** في أماكن الكمرات

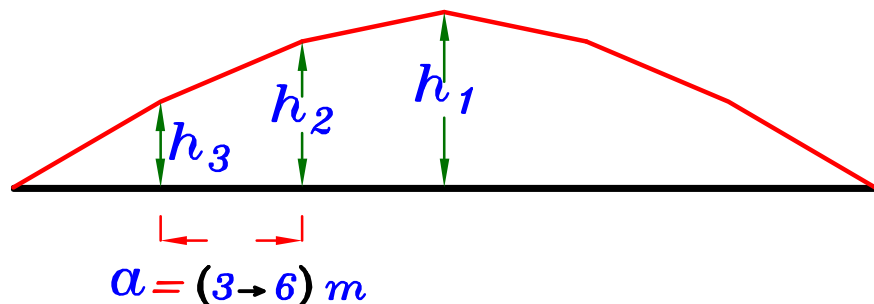
– ثم نرسم ال **B.M.D.** **Get  $M_1, M_2, M_3$**

– نختار أكبر ارتفاع لل **Arch**  $h_1 \simeq \frac{L}{6 \rightarrow 8}$

**For Point ①**  $\rightarrow M = M_1, h = h_1$

**For Point ②**  $\rightarrow M = M_2, h = h_2 = \frac{M_2}{M_1} * h_1$

**For Point ③**  $\rightarrow M = M_3, h = h_3 = \frac{M_3}{M_1} * h_1$



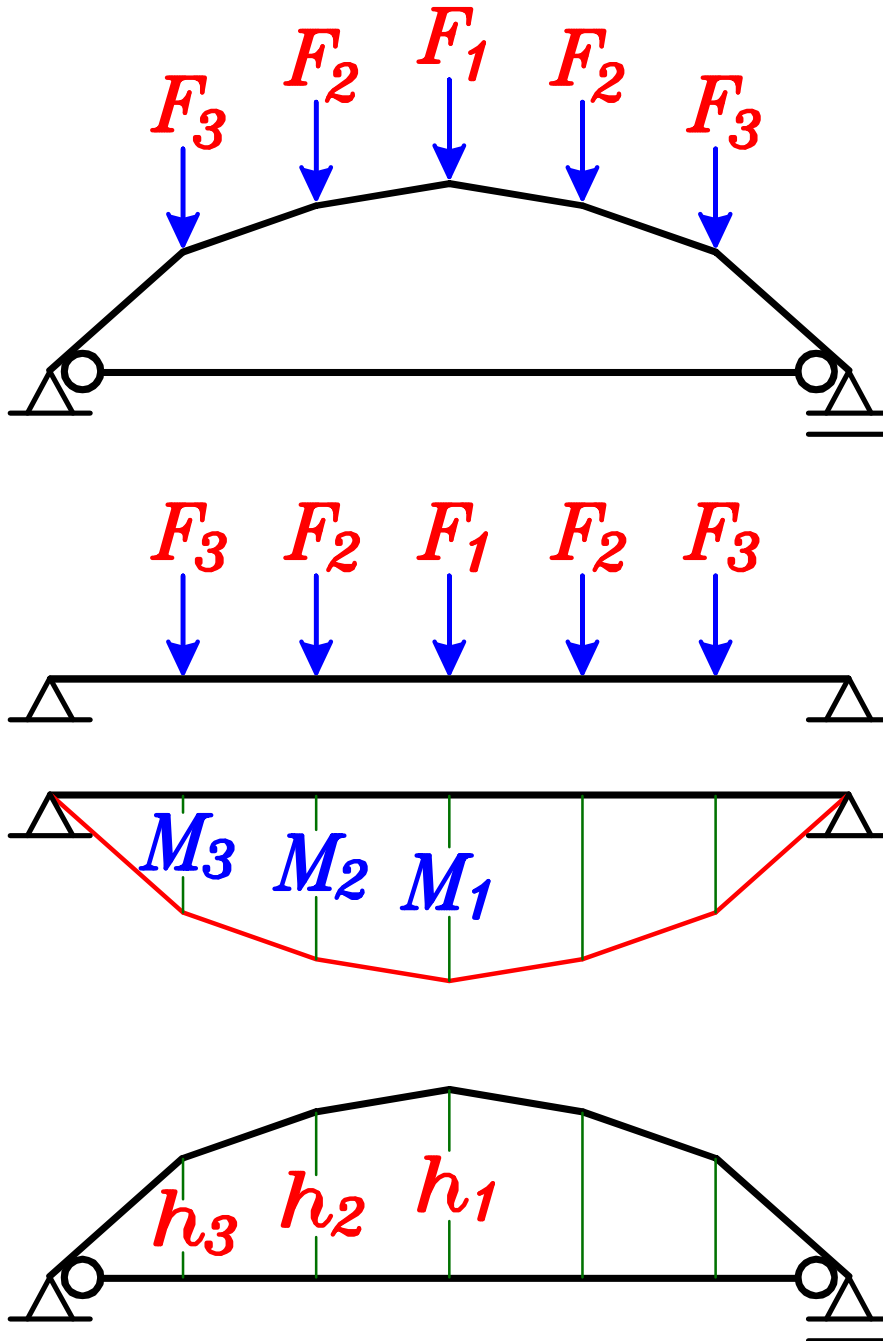
# Special Case.

في بعض الاحيان ممكن ان تكون الاحمال على ال **Joints** غير متساويه .

و في هذه الحالة لكي نحدد ارتفاعات ال **Arch Girder**

يجب اولاً ان نحدد قيمه الحمل على كل **Joint** ثم نحدد ال **moment** الفعلى عند كل **Joint**

و منها نحدد ارتفاعات ال **Arch Girder**



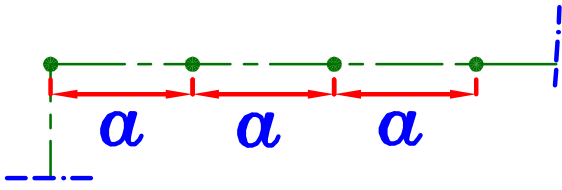
$$M_1 : M_2 : M_3 = h_1 : h_2 : h_3$$

# خطوات رسم ال Arch Girder

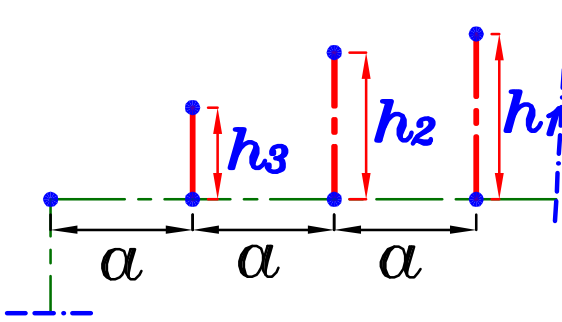
١- نرسم *C.L.* لل *Tie* و العمود



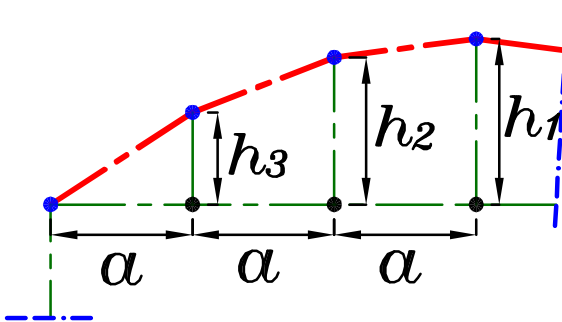
٢- نحدد على *C.L.* ال *Tie* مكان ال *joints* كل مسافه  $\alpha$



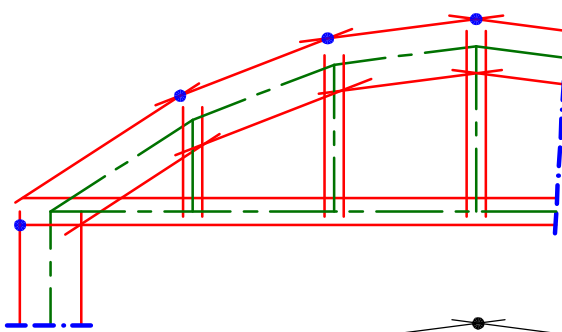
٣- نرسم  $h$  عند كل *joint*



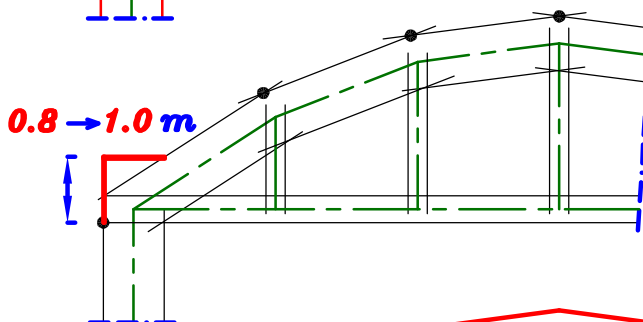
٤- نوصل *C.L.* لل *Girder*



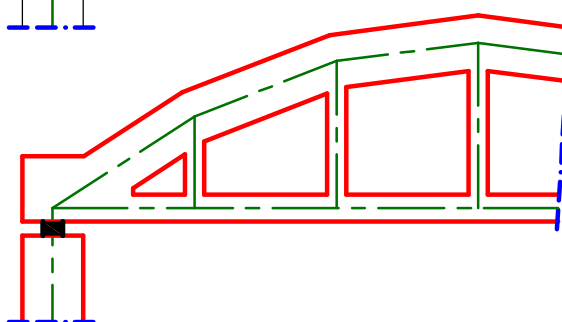
٥- نرسم تخانه ال *members* بخط خفيف و تحديد نقط التقاطع



٦- نرسم خط رأسى من نقطه تقاطع العمود مع ال *Tie* بارتفاع من

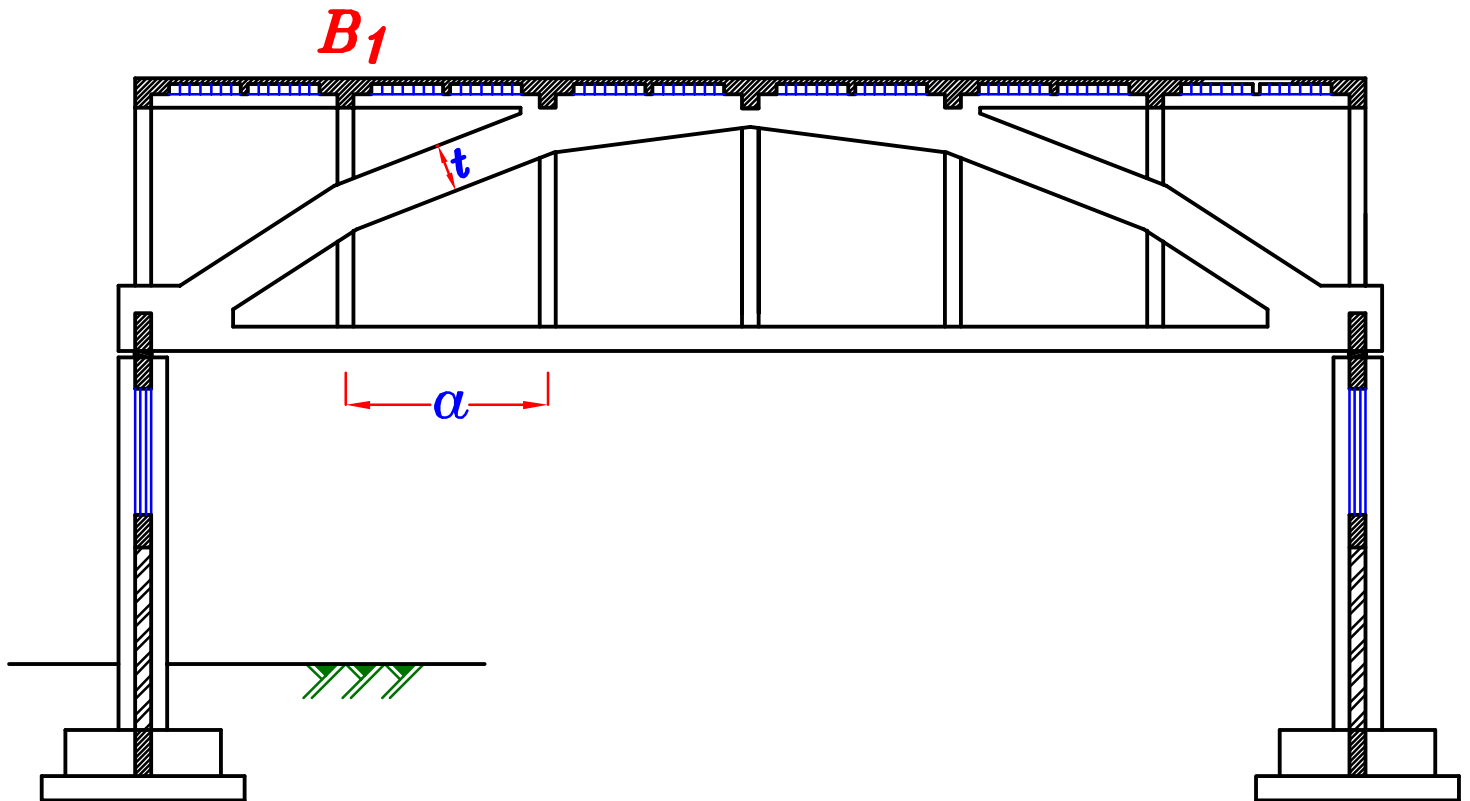


(0.8  $\rightarrow$  1.0 m) لمقاومه ال *Shear* ثم نرسم خط أفقى



٧- نرسم خط ثقيل عند حدود ال *Arch Girder*

# Loads on Arch Girder.

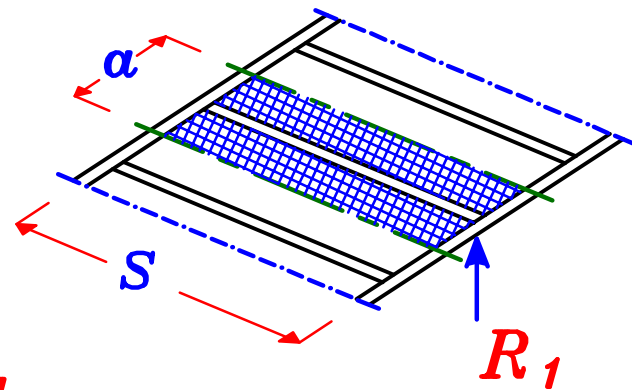


① Get Loads on Beam  $B_1$

$$w = o.w._{(beam)} + w_s * a$$

$$w = o.w._{(beam)} + \left( \frac{w_{rib}}{S} \right) * a$$

$$R = w * S$$

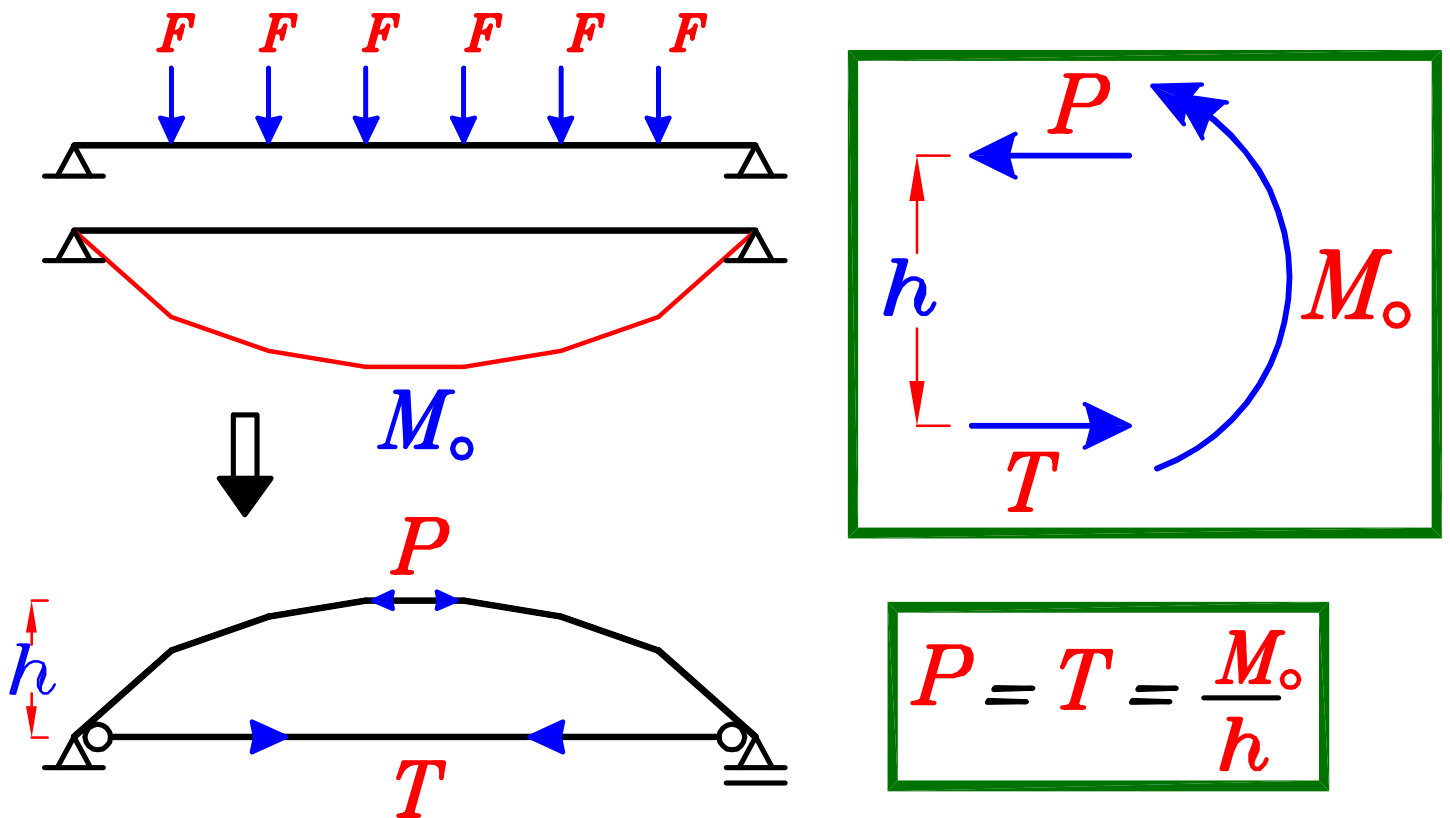


②  $o.w._{(Arch+Tie+Post+Hanger+Top\ beam)} \simeq 17.5 \text{ kN/m} \text{ (U.L.)}$

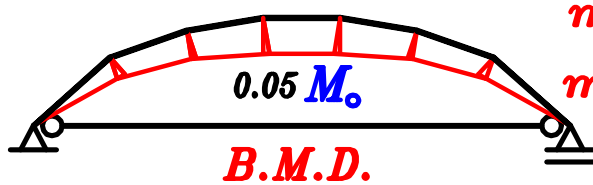
③  $F = o.w. * a + R$



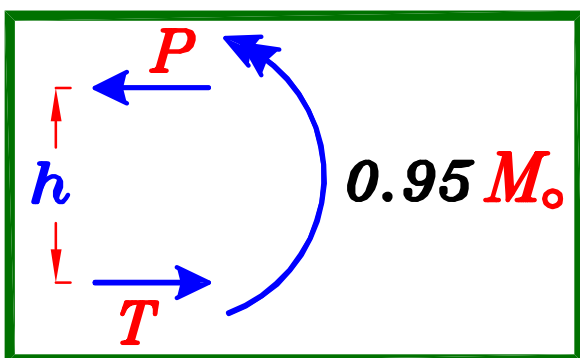
# Concept of Arch Girder.



تعتمد فكره ال **Arch Girder** على تحويل ال **Bending moment** الى **Couple** الى ال **Compression Normal Forces & Tension Normal Forces** اي الى ذلك للتوفير لانه عند تصميم قطاع عليه **pure Compression** ستكون كميه الخرسانه والحديد قليله مما يعمل على تقليل ثمن ال **member** وعند تصميم قطاع عليه **pure Tension** تكون كميه الحديد كبيره و كميه الخرسانه قليله و تكون ايضا نسبيا ثمن ال **member** اقل .



اذا حدثت استطاله بسيطه لل **Tie** سيحدث **moment** بسيط قيمته في حدود  $0.05 M_o$  اذا قيمه ال **moment** الذي سيتحول ل **couple** يساوى تقريبا  $0.95 M_o$



$$P = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

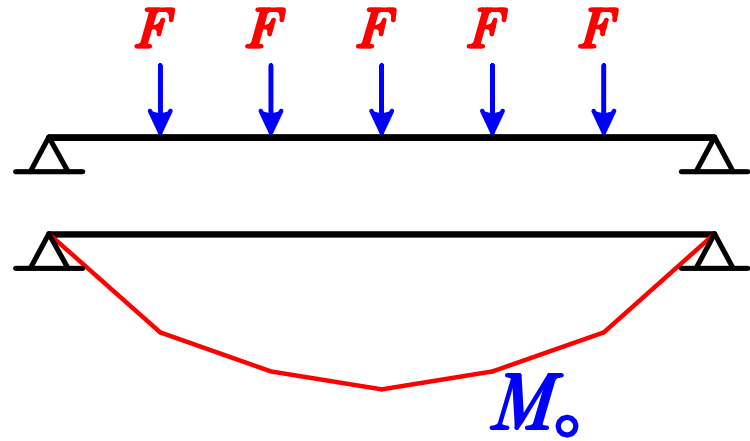
# Solving Arch Girder.

نفرض وجود كمره تخيليه أفقيه .

لها نفس ال *span* الافقى لل *Frame*

نحسب قيمه أكبر *moment*

للكمره التخيليه و يسمى ( $M_o$ )

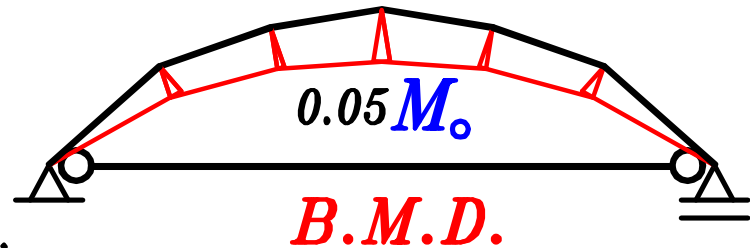


$$M = 0.05 M_o$$

(From Extension of the Tie)

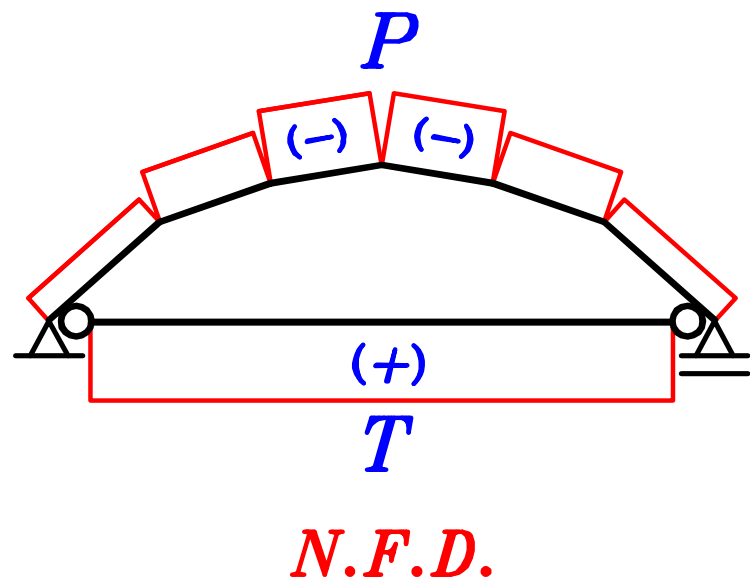
نتيجه لحدوث استطاله بسيطه فى ال *Tie*

يحدث عزم على ال *Frame* قيمته فى حدود  $0.05 M_o$



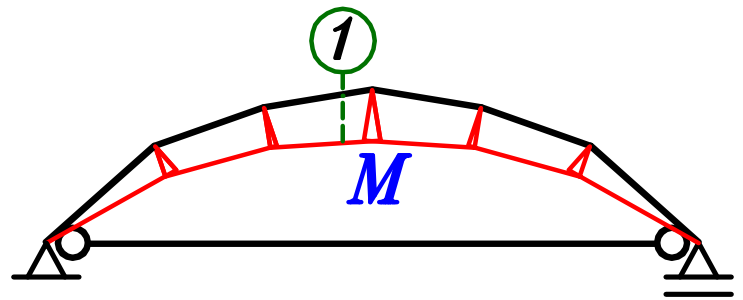
$$P = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

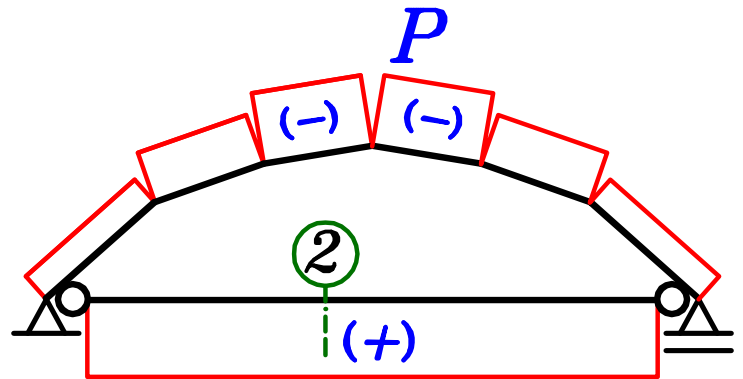


# Design sections of Arch Girder.

*B.M.D.*



*N.F.D.*



*T*

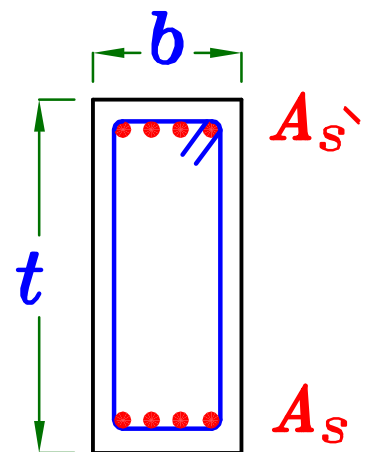
Sec. ① *M* , *P*

$$P = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

$$M = 0.05 M_o$$

(From Extension of the Tie)

(Use I.D.)  $A_s = A_{s'}$

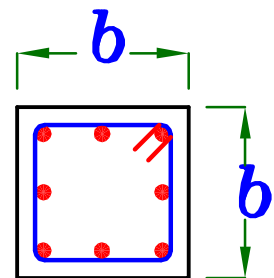


Sec. ② *Tie*

$$T = 0.95 \frac{M_o}{h}$$

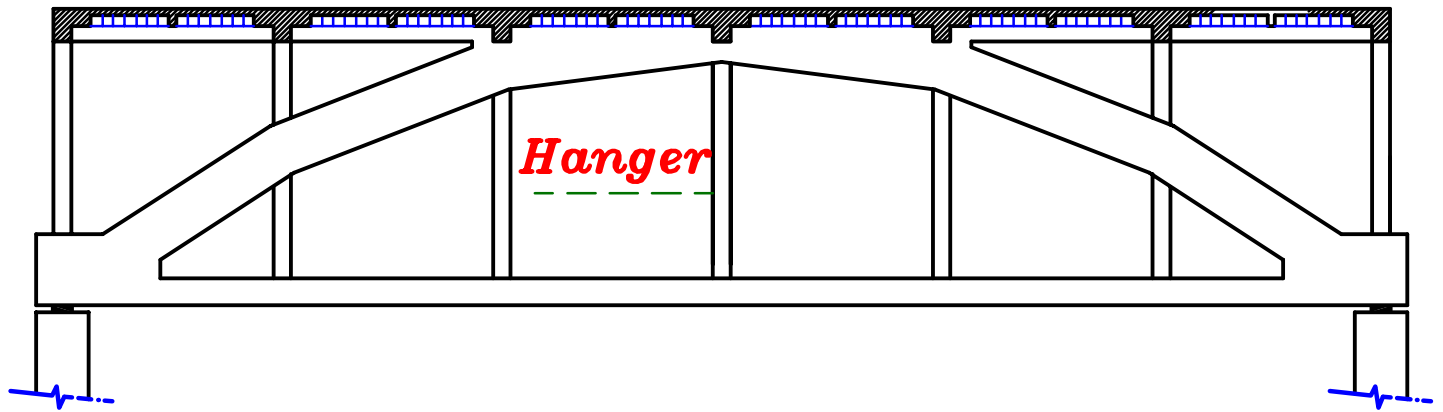
$$A_s = \frac{T}{F_y \delta_s} = (\text{Total area of steel})$$

$$A_c = (b * b)$$



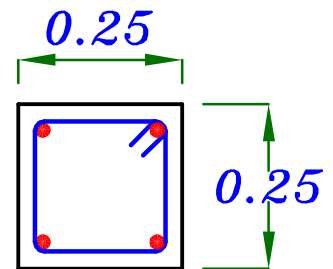
### Sec. ③ *Hanger*

١- إذا كانت البلاطة علويه.

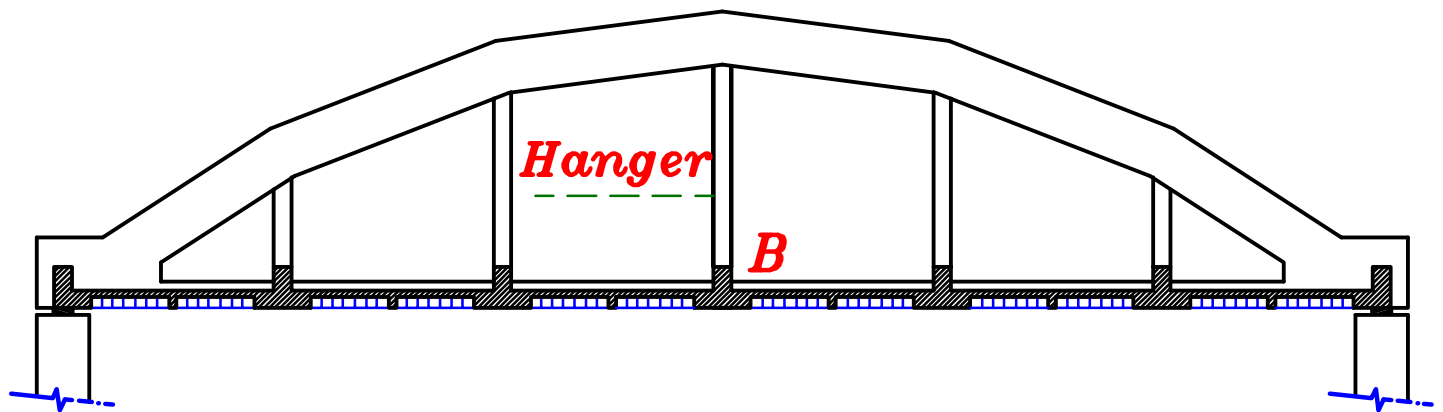


$$T = 0.W_{(hanger)} \approx 3.50 \text{ kN}$$

$$A_s = 4 \phi 12$$

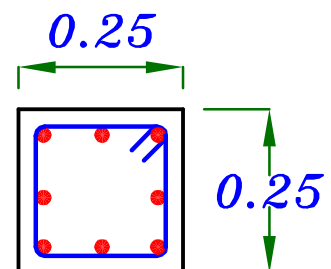


٢- إذا كانت البلاطة سفليه.



$$T = 0.W_{(hanger)} + \text{Reaction of beam } B$$

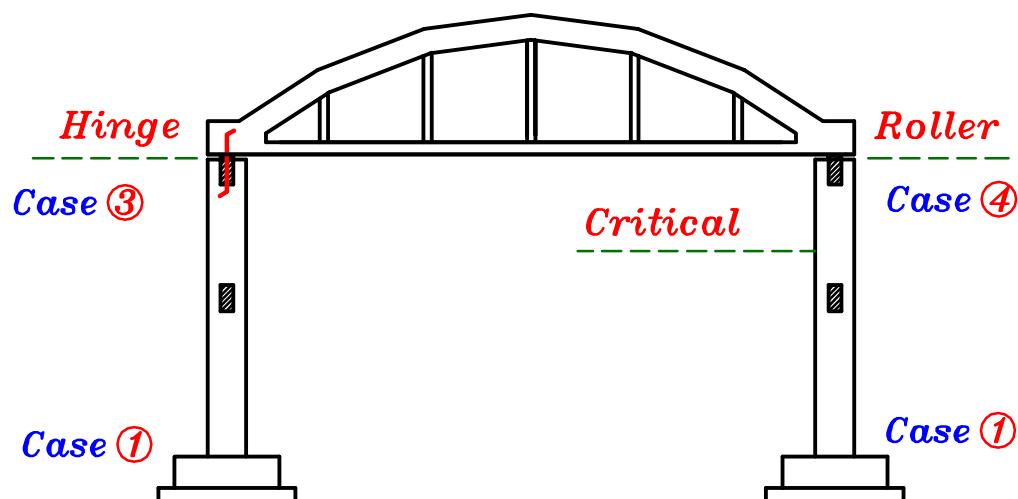
$$A_s = 8 \phi 12$$



# Sec. ④ Column.

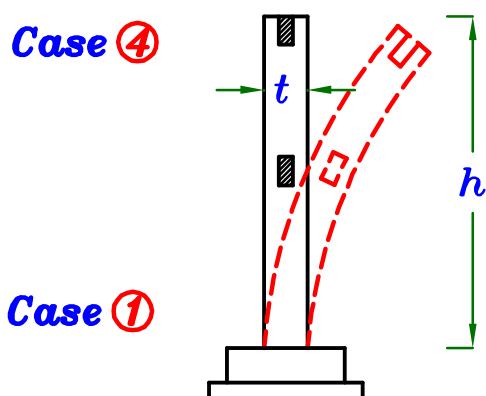
Design the critical Col. at the Roller support.

$$P = \frac{\sum F}{2}$$



Check Buckling.

① In plane.

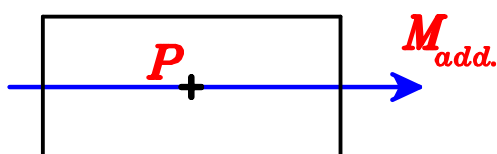


$$H_o = h$$

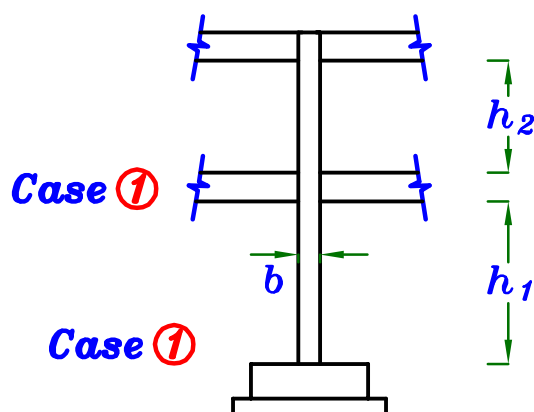
$$\lambda_b = \frac{2.2 * H_o}{t}$$

IF  $\lambda_b \leq 10$   $\xrightarrow{\text{Designed}}$   $P$  only

$\lambda_b > 10$   $\xrightarrow{\text{Designed}}$   $P$ ,  $M_{add.}$



② Out of plane.

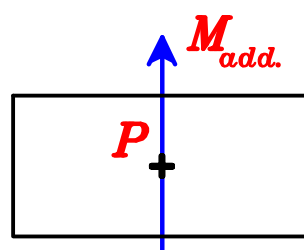


$$H_o = \text{The bigger of } h_1, h_2$$

$$\lambda_b = \frac{1.2 * H_o}{b}$$

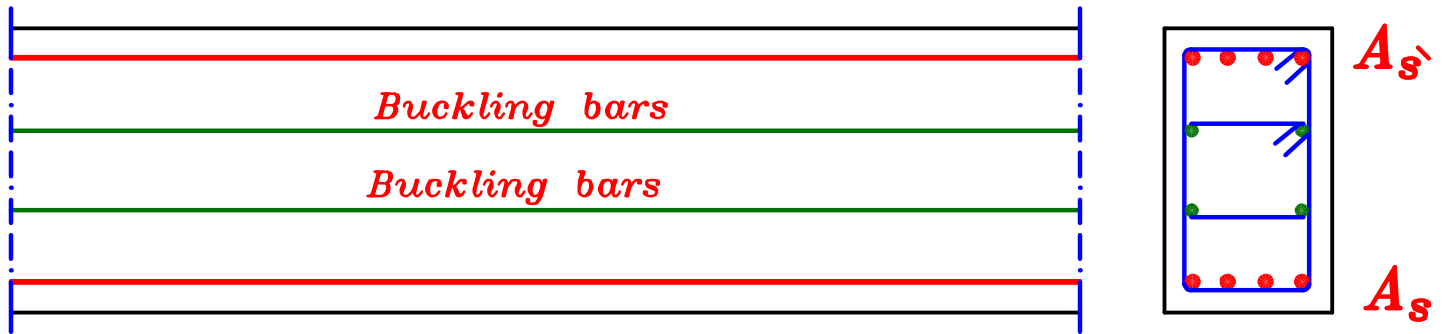
IF  $\lambda_b \leq 10$   $\xrightarrow{\text{Designed}}$   $P$  only

$\lambda_b > 10$   $\xrightarrow{\text{Designed}}$   $P$ ,  $M_{add.}$

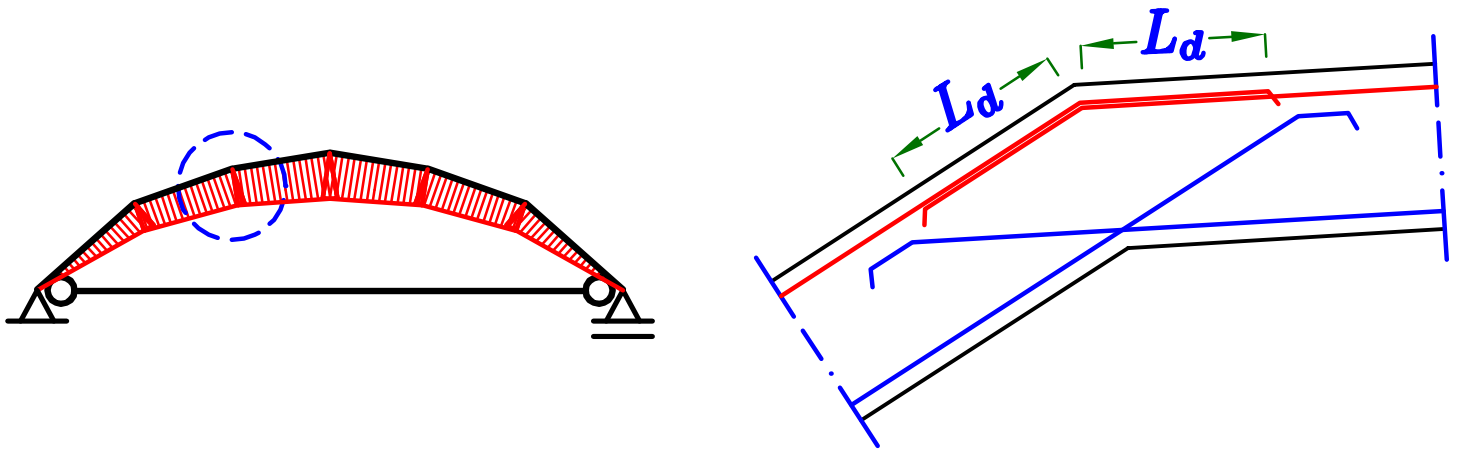


# Reinforcement Notes.

## 1- For Member subjected to Moment & Compression.



و اذا زاد طول السيخ عن - ١٢,٢ م نعمل وصله تراكب **Lap splice** و الاضمن مد الحديد مسافه  $L_d$  من بعد ال **C.L.** من الجهتين .



## 2- For Member subjected to pure Tension. (Tie)

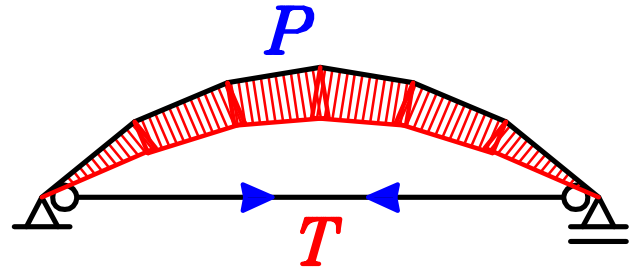
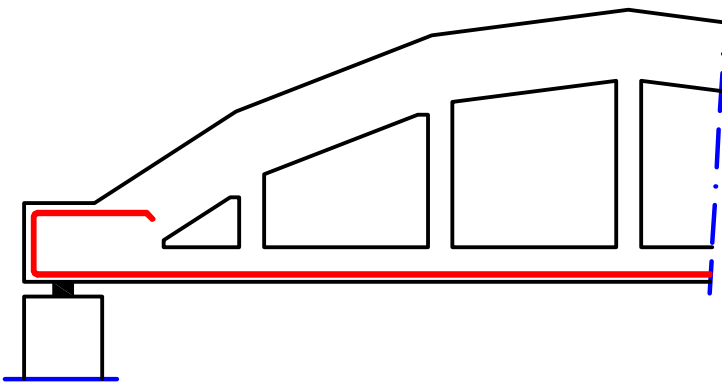
و اذا زاد طول السيخ عن - ١٢,٢ م المفروض عمل وصله ميكانيكيه او وصلات لحام و لصعوبه رسم تفاصيل ذلك فى هذا الملف فسنضطر ان نرسم تسليح ال **Tie** عباره عن اسياخ طويله طولها بنفس طول ال **Tie** حتى اذا زاد طولها عن - ١٢,٢ م



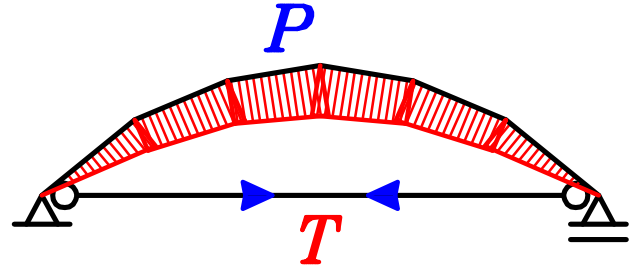
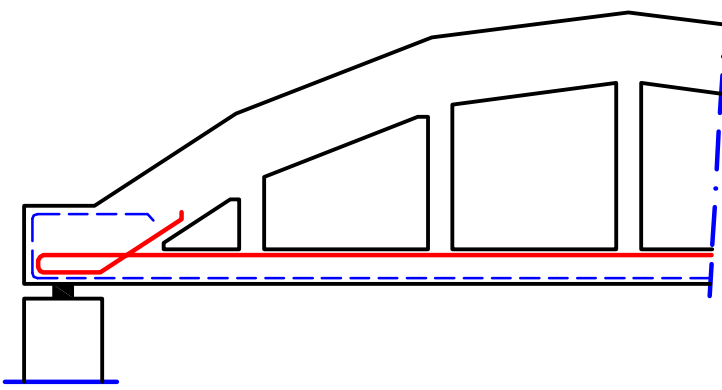
لعمل وصلات فى ال **(Tie)** أنظر فى هذا الملف صفحه (90)

# Reinforcement of Arch Girder.

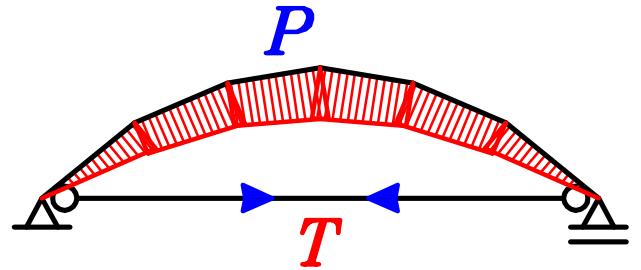
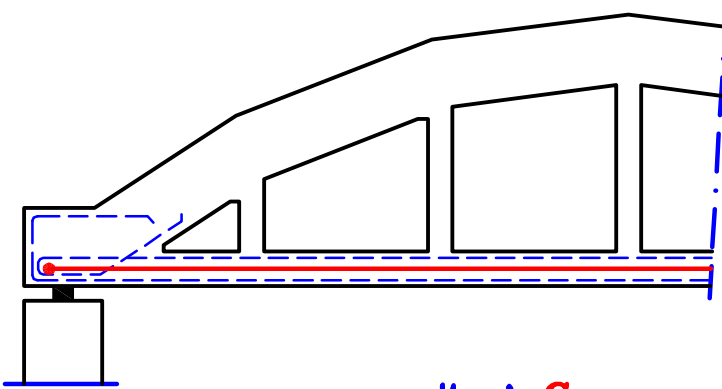
١ - بعد رسم الخرسانه نضع الحديد السفلى لل **Tie** مع مراعاة تكملته فى الدراسه من الاول للاخر



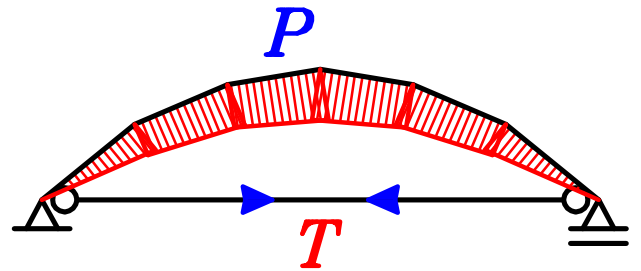
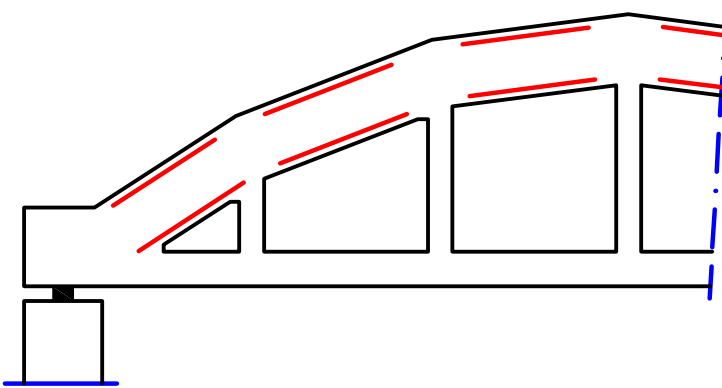
٢ - نرسم التسليح العلوى لل **Tie** مع مراعاة تكملته فى الدراسه من الاول للاخر



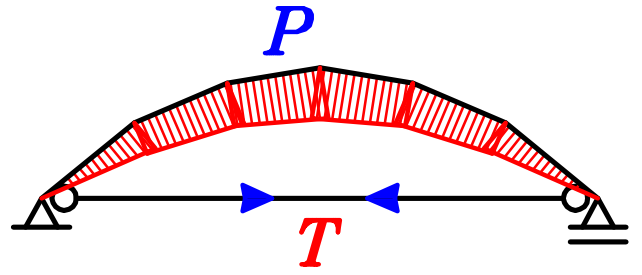
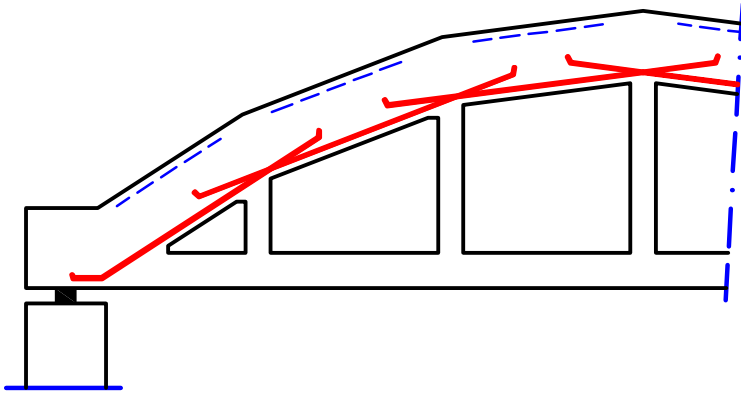
٣ - نرسم التسليح الاوسط لل **Tie** مع مراعاة تكملته فى الدراسه من الاول للاخر



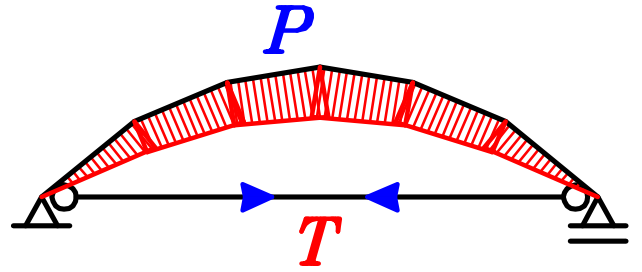
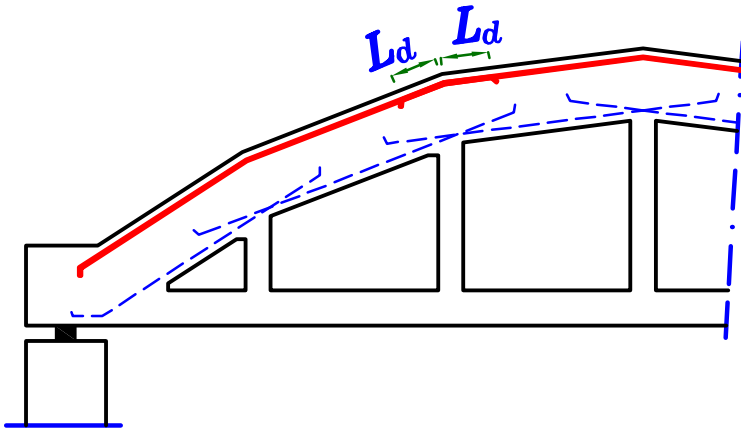
٤ - وضع تسليح ال **Compression members** فى الجعتين



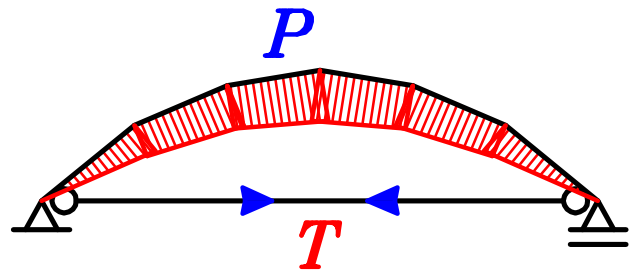
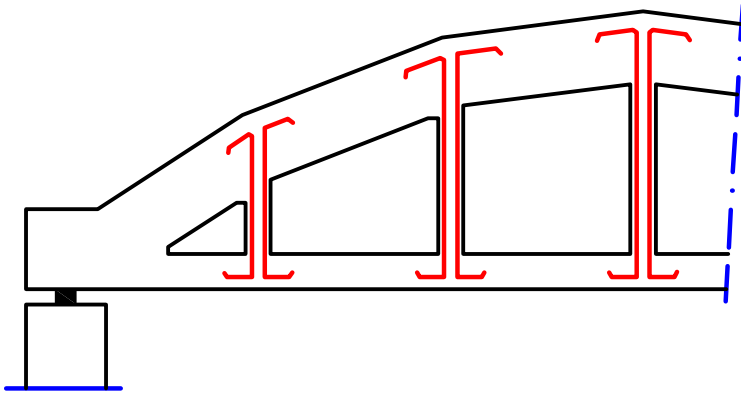
٥ - الحديد السفلى يمتد من الجعتين مسافه  $L_d = 60 \phi$  من الجعتين



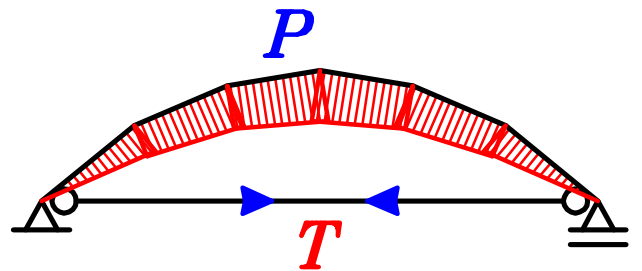
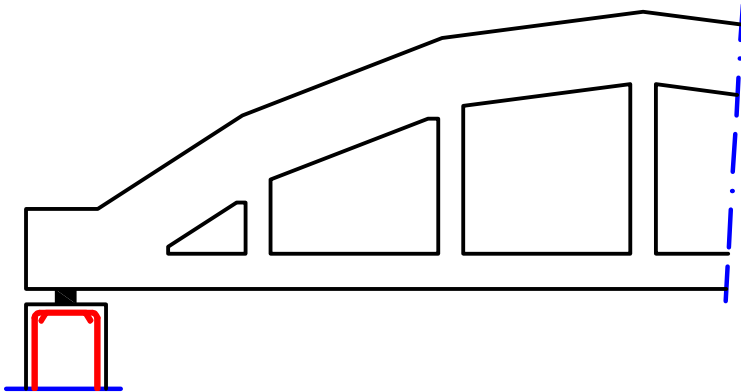
٦ - الحديد العلوى يمتد من الجعتين مسافه  $L_d = 40 \phi$  من الجعتين كل 2 joints



٧ - نضع تسليح ال Hanger

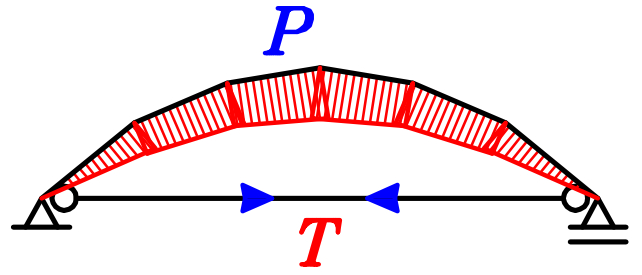
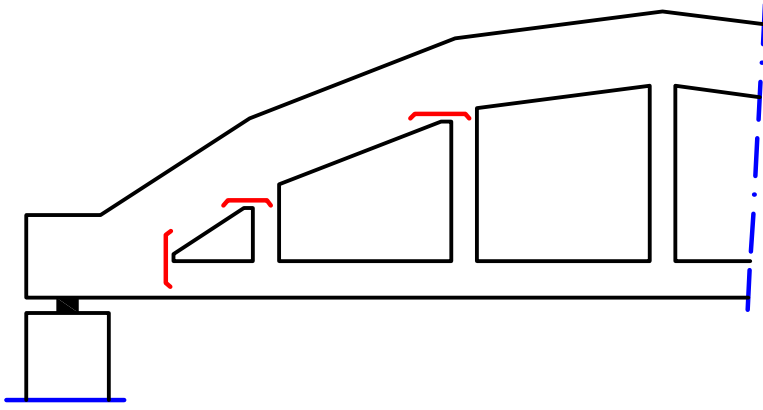


٨ - نضع تسليح العمود

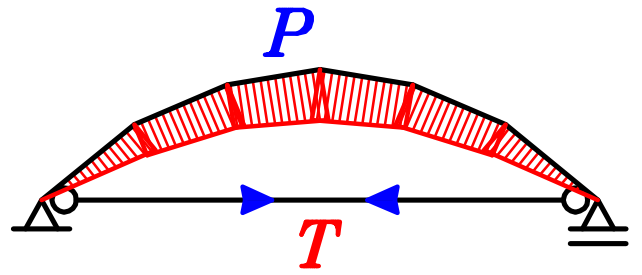
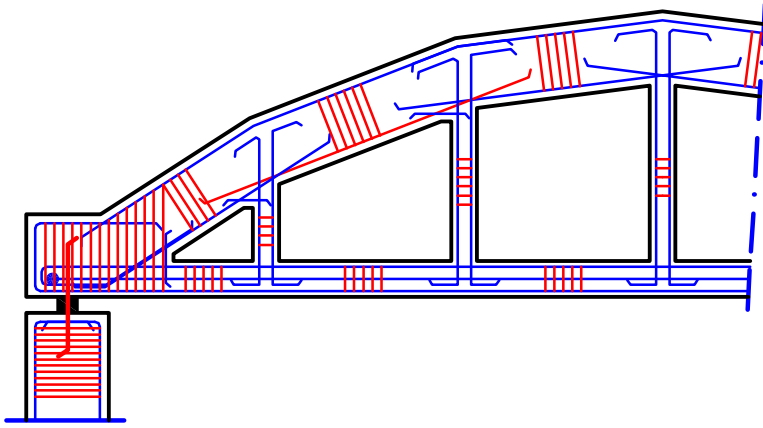


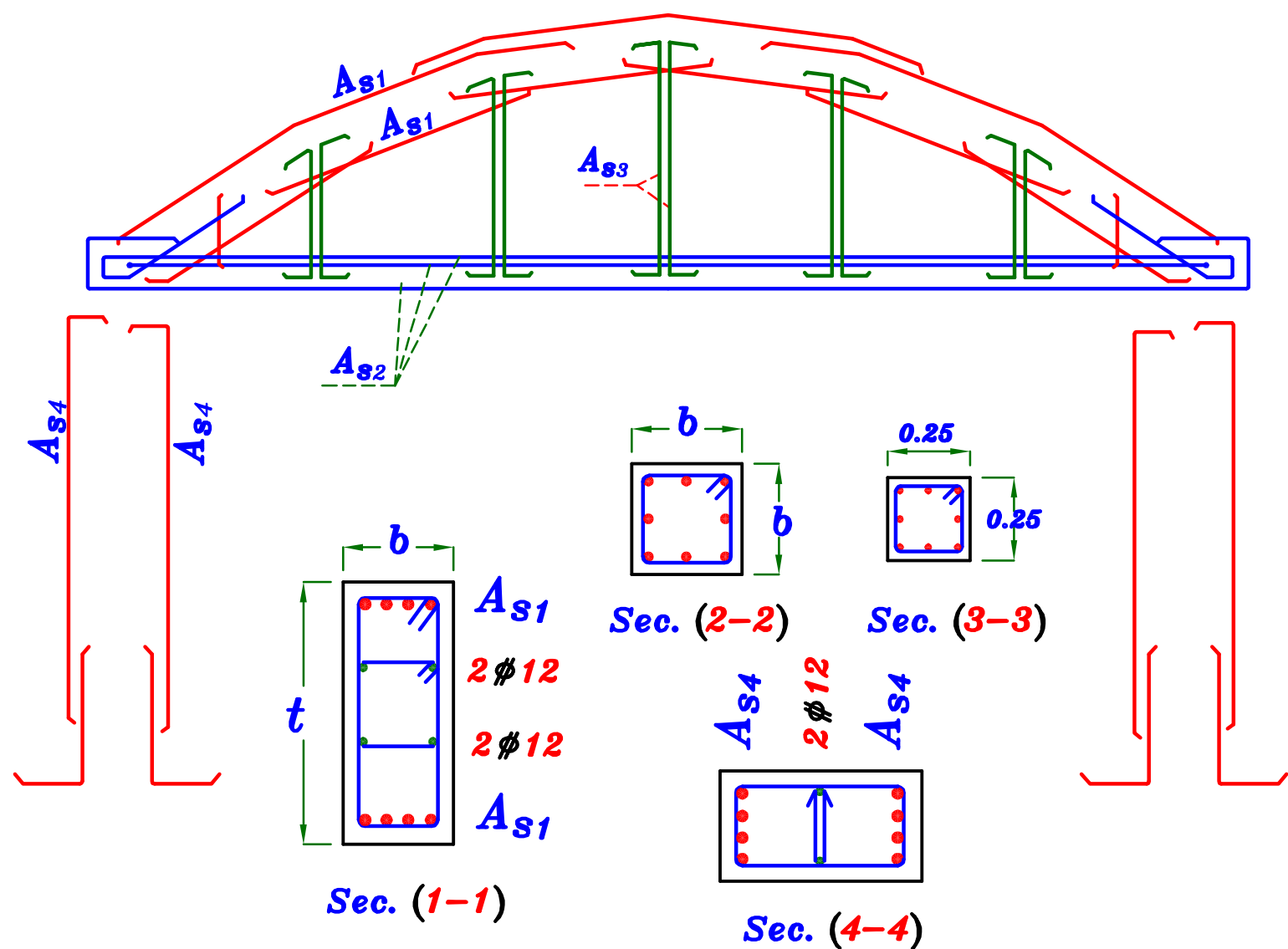
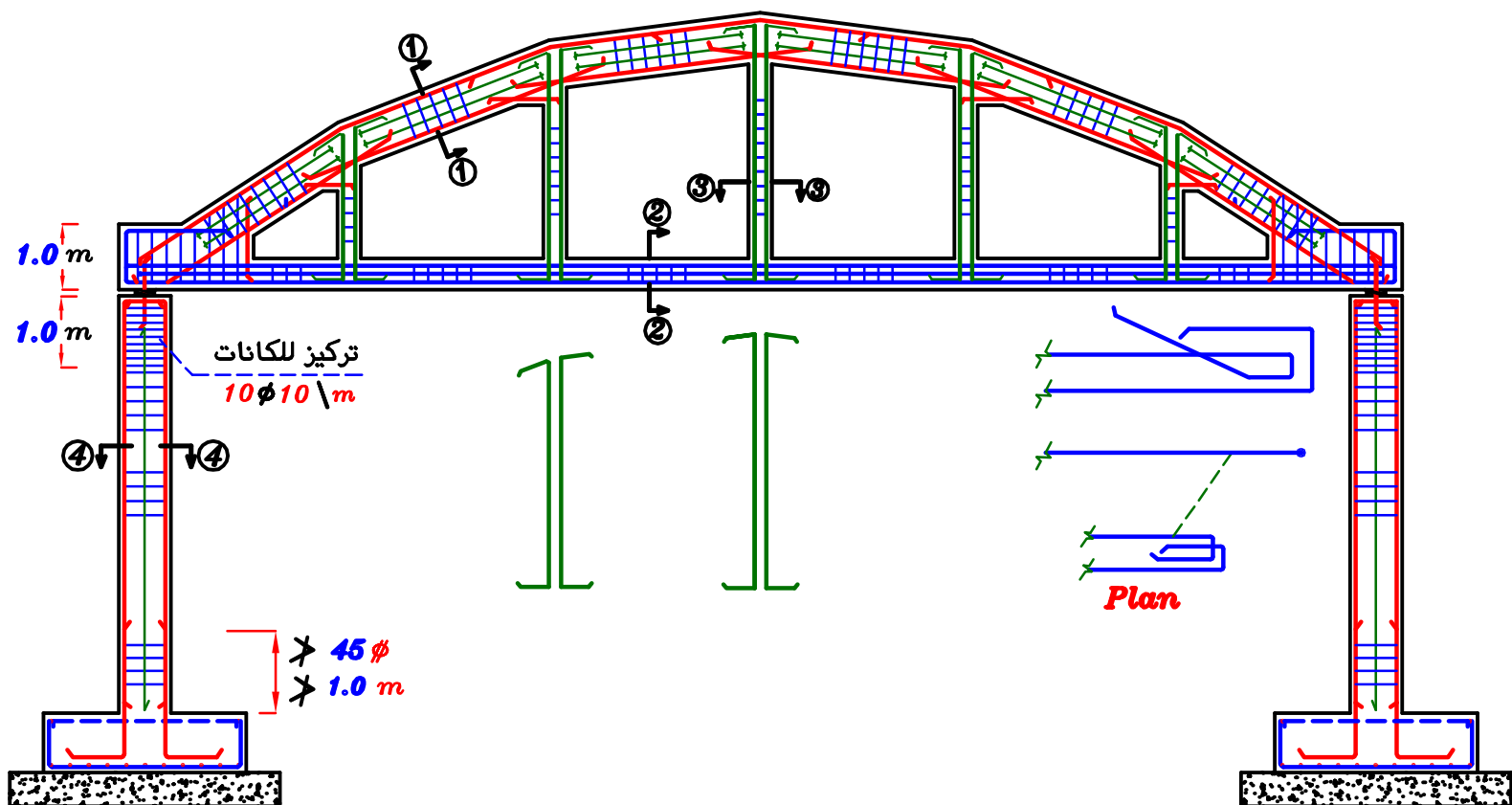


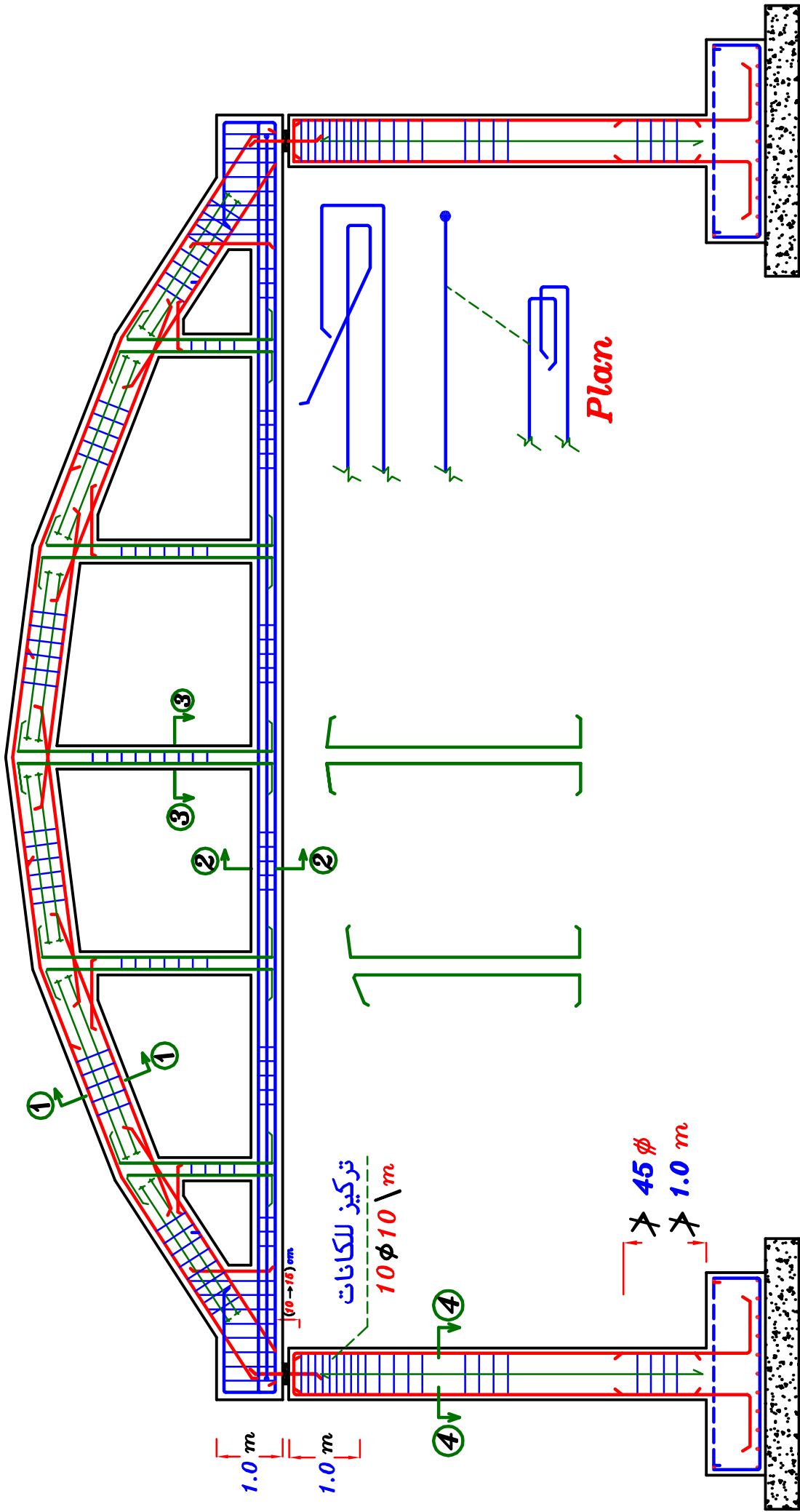
٩ - نضع تسليح بسيط في حدود  $2 \phi 10$  عند الزوايا الحاده لمنع تشرخ الـ *Cover*

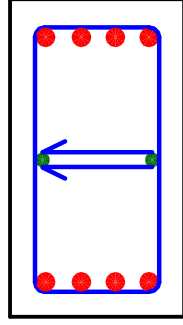
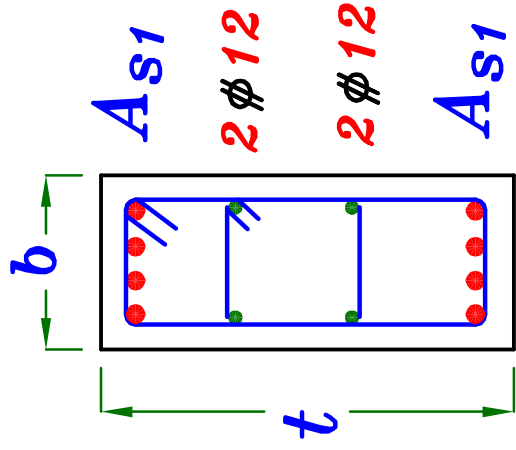
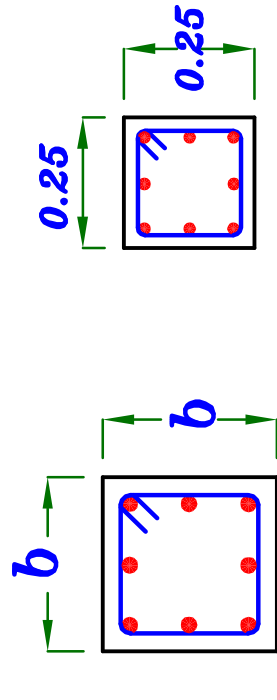
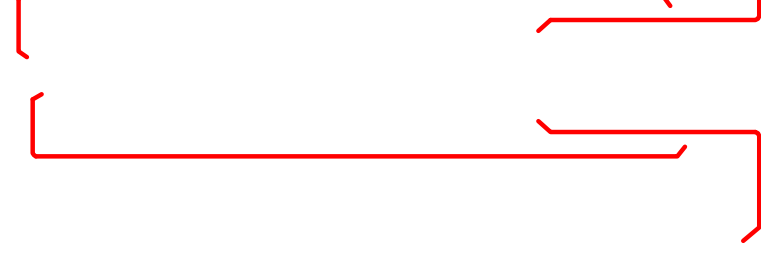
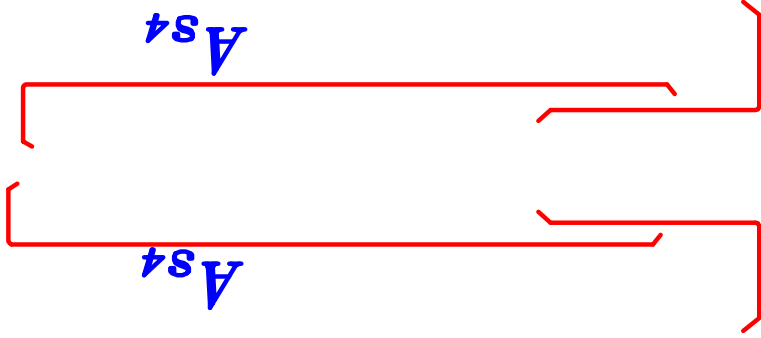
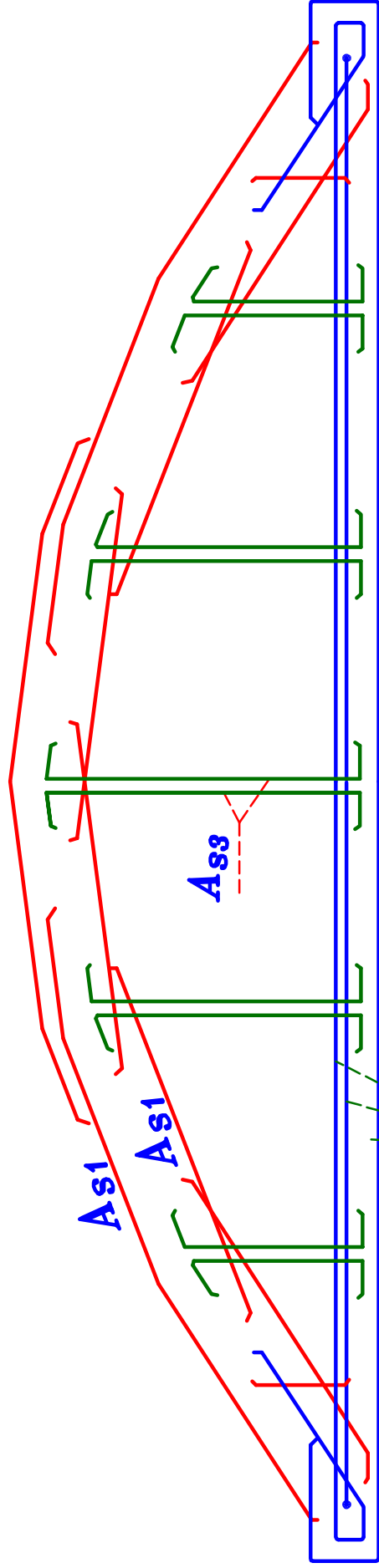


١٠ - يتم وضع الكانات مع تكثيف الكانات اعلى العمود لمقاومه *Splitting Force*









Sec. (1-1)

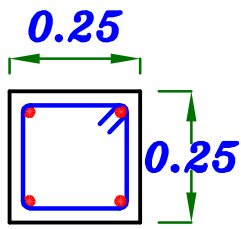
Sec. (4-4)

Sec. (3-3)

Sec. (2-2)

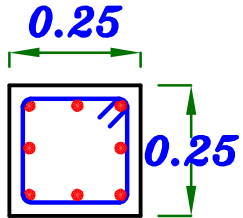
## في حاله أن البلاطه علويه

سنحتاج لوضع *Posts* لحمل الكمرات ال *Secondary*



4 #12

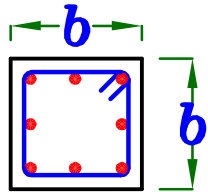
إذا كان ارتفاع ال *Post*  $\geq 2.5\text{ m}$  نأخذ قطاع ال *Post*



8 #12

إذا كان  $2.5\text{ m} \leq$  ارتفاع ال *Post*  $\leq 4.0\text{ m}$

نأخذ قطاع ال *Post*

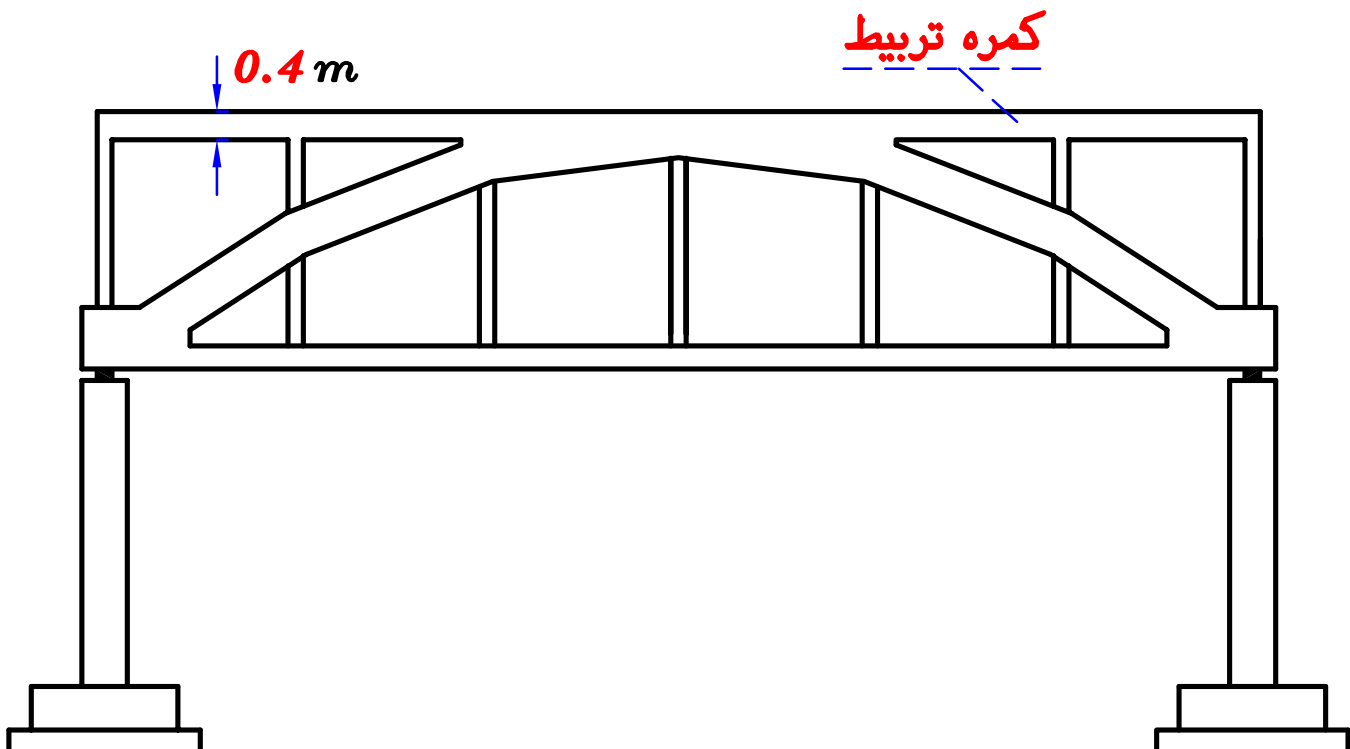


8 #12

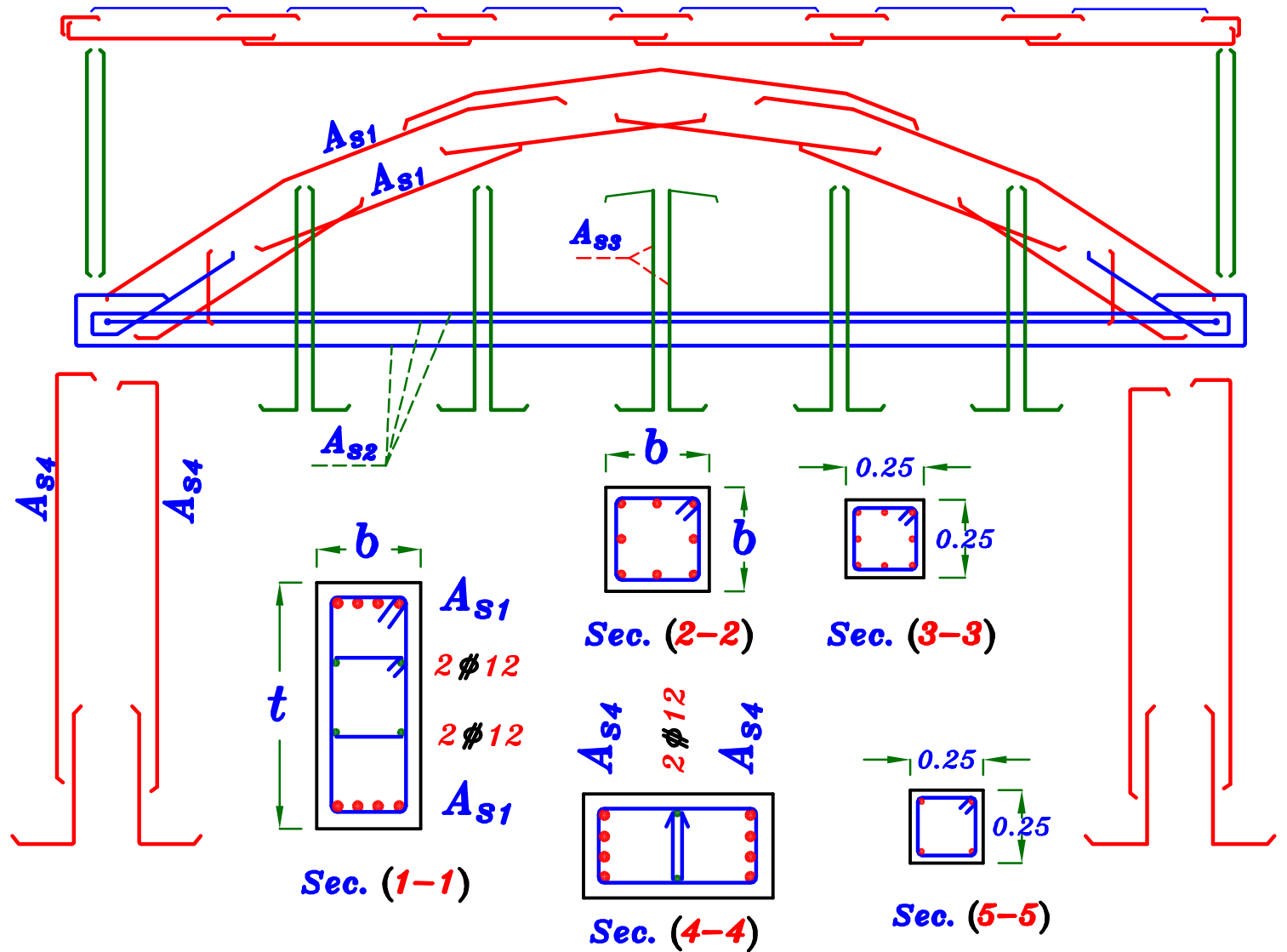
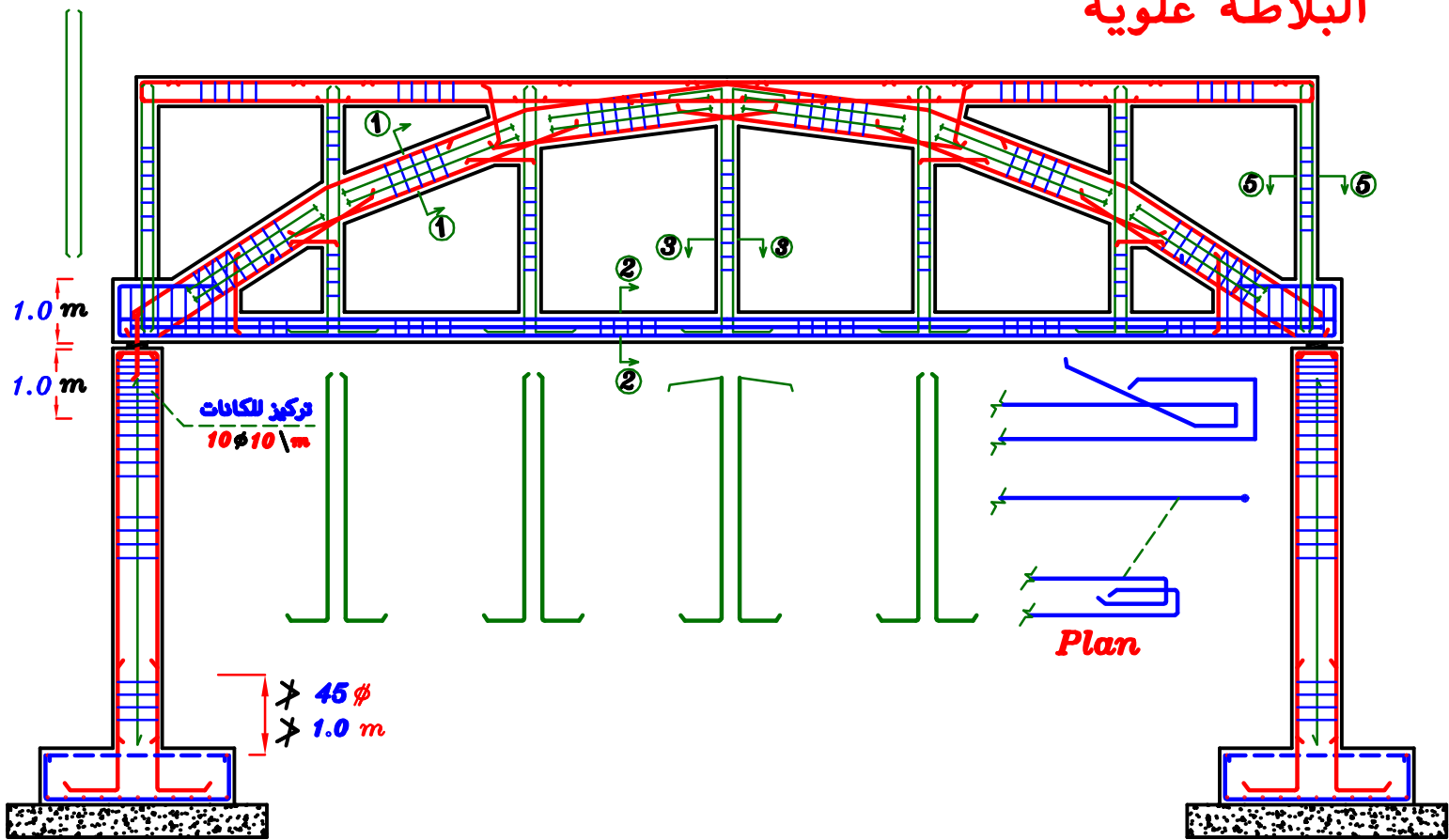
إذا كان ارتفاع ال *Post*  $< 4.0\text{ m}$  نأخذ قطاع ال *Post*

حيث *b* هي عرض ال *Arc Girder*

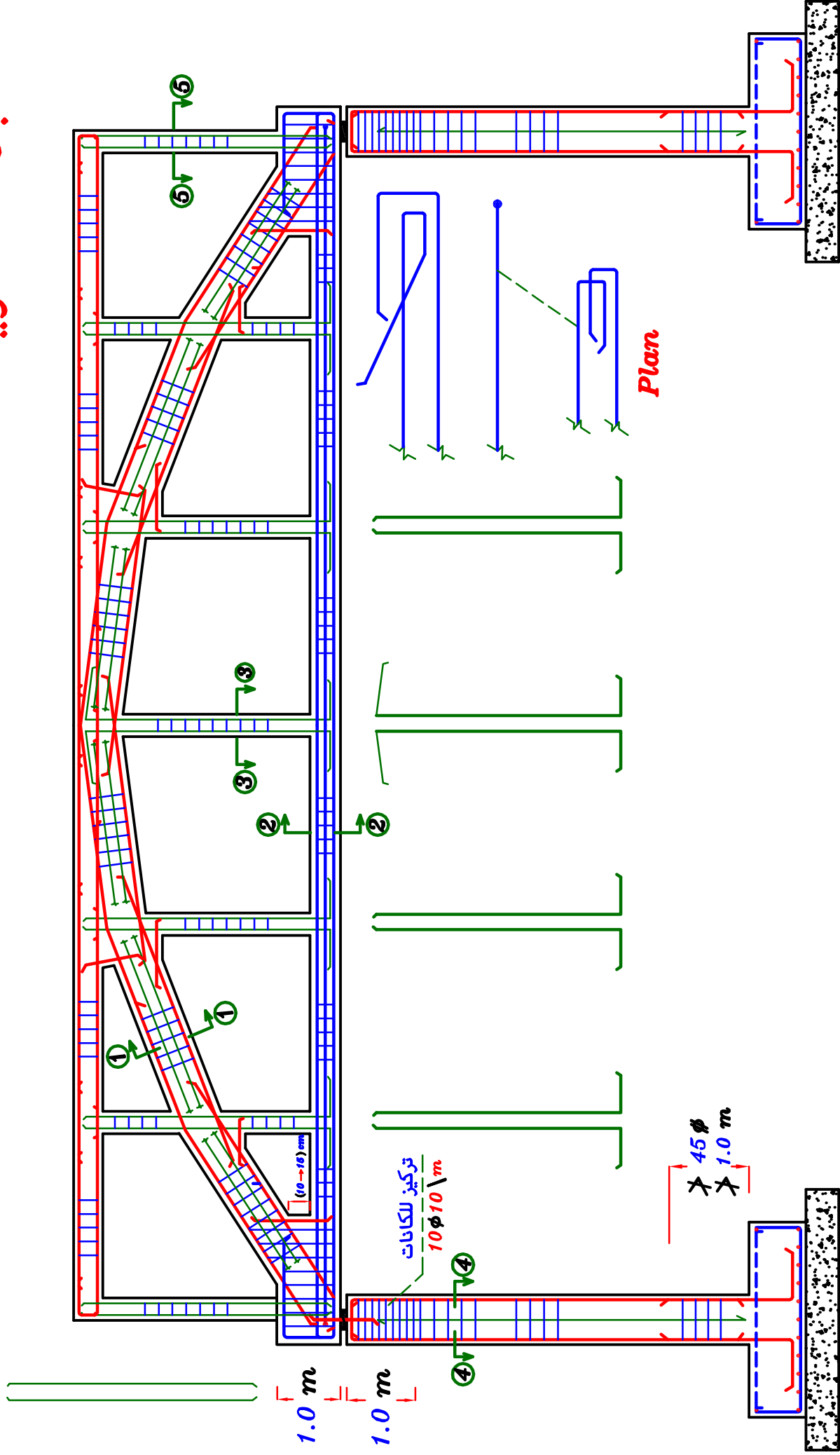
و نضع كمره افقيه لتربيط ال *Posts* عمقها  $40\text{ cm}$  و تسليحها  $2\text{ #12}$  سفلى و علوى

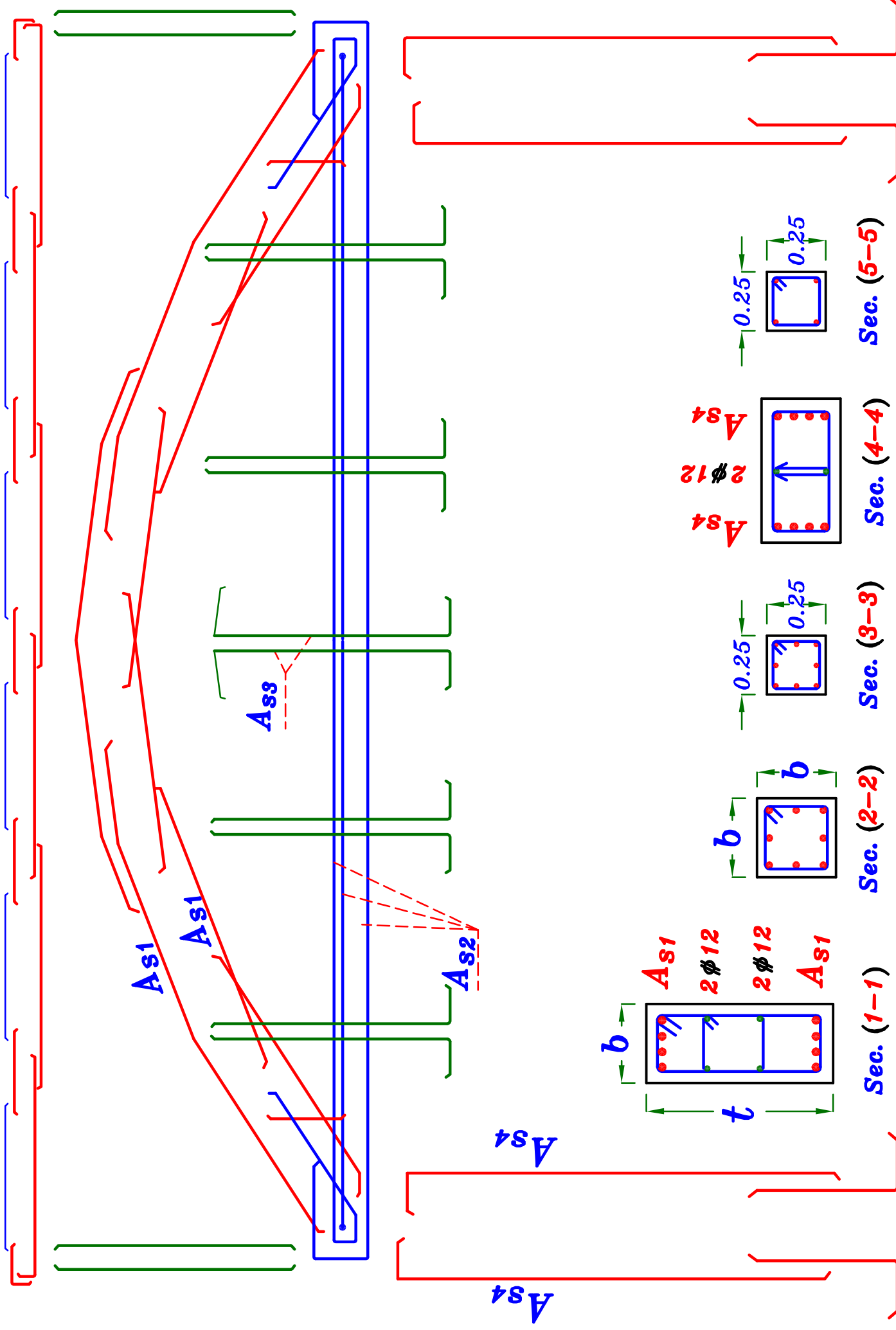


# البلاطة علوية



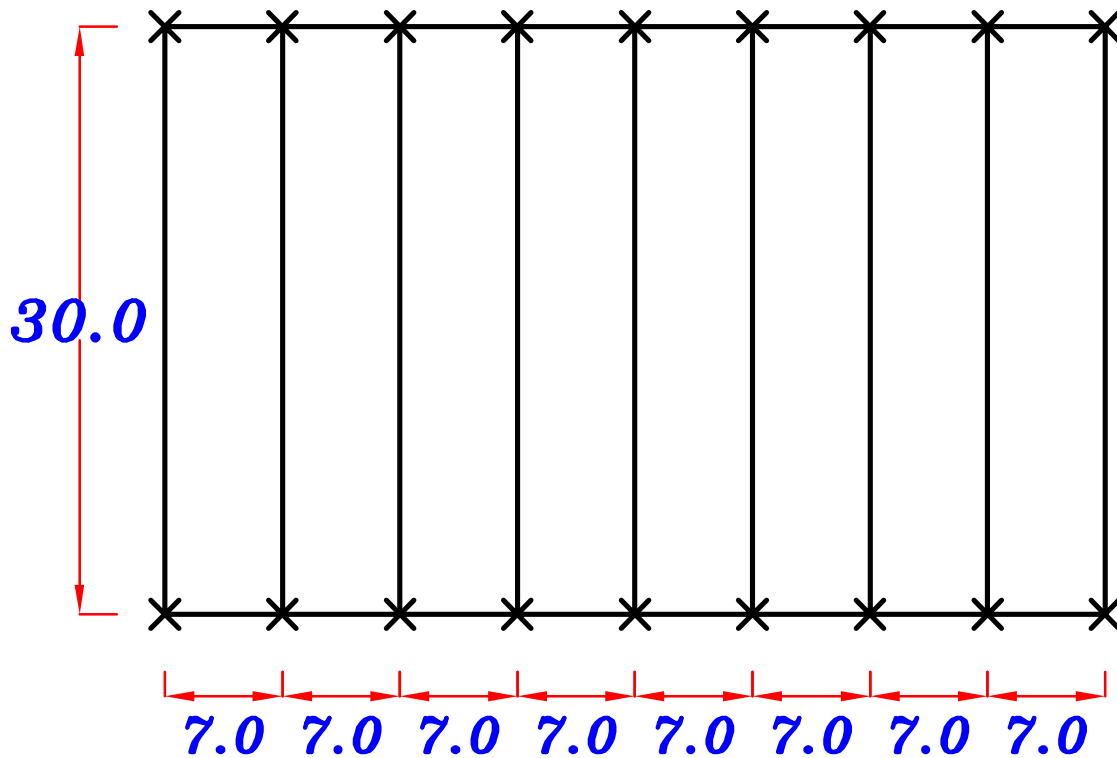
# البلاطة علوية







## Example.



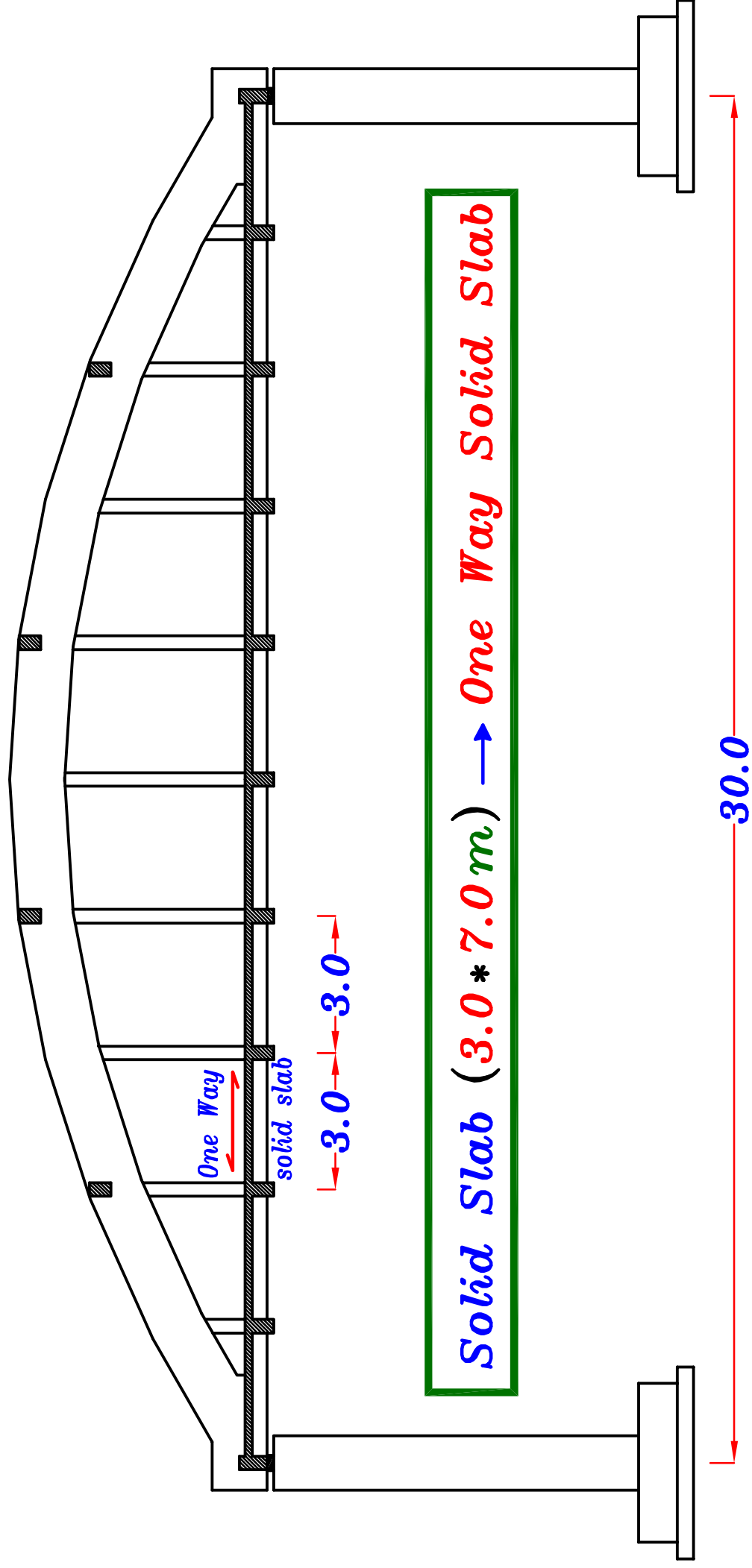
$$L.L. + F.C. > 10 \text{ kN/m}^2$$

Choose a convenient Statical System and draw a sketch For an elevation Showing Concrete Dimensions.

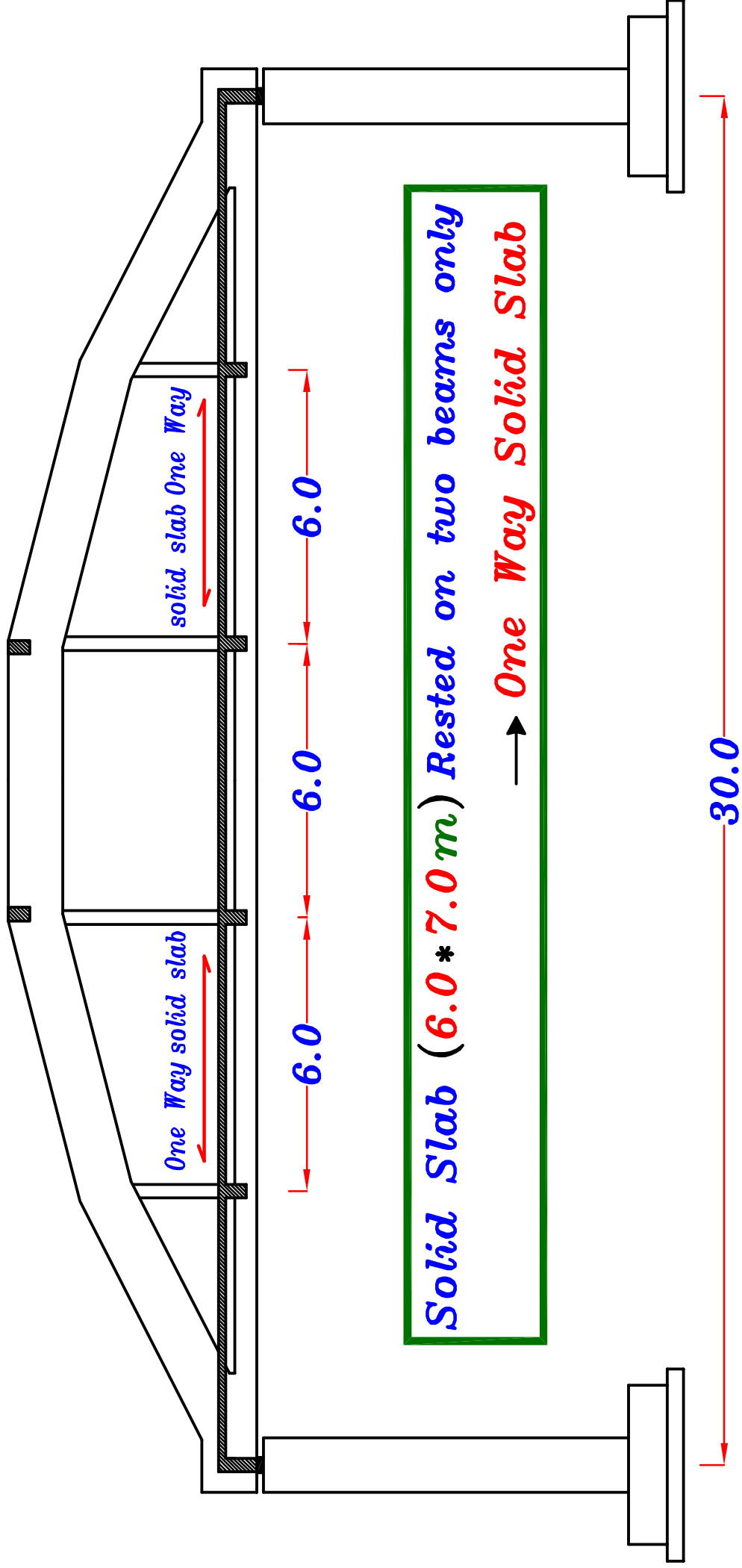
IF  $L.L. + F.C. > 10 \text{ kN/m}^2$   $\longrightarrow$  use Solid slabs.

إذا كان مجموع  $L.L. + F.C.$  أكبر من  $10 \text{ kN/m}^2$  يجب أن تكون البلاطة **Solid Slab** و لأن البلاطة فى ال **Arch Girder** يجب أن تكون **one way** فى اتجاه الكمرات يوجد حلان :

- ١- أن نزيد من عدد ال **segments** لل **Arch Girder** بحيث تكون  $\alpha < \frac{S}{2}$
- ٢- أن نرفع البلاطة بحيث لا تحمل على ال **Arch Girder**

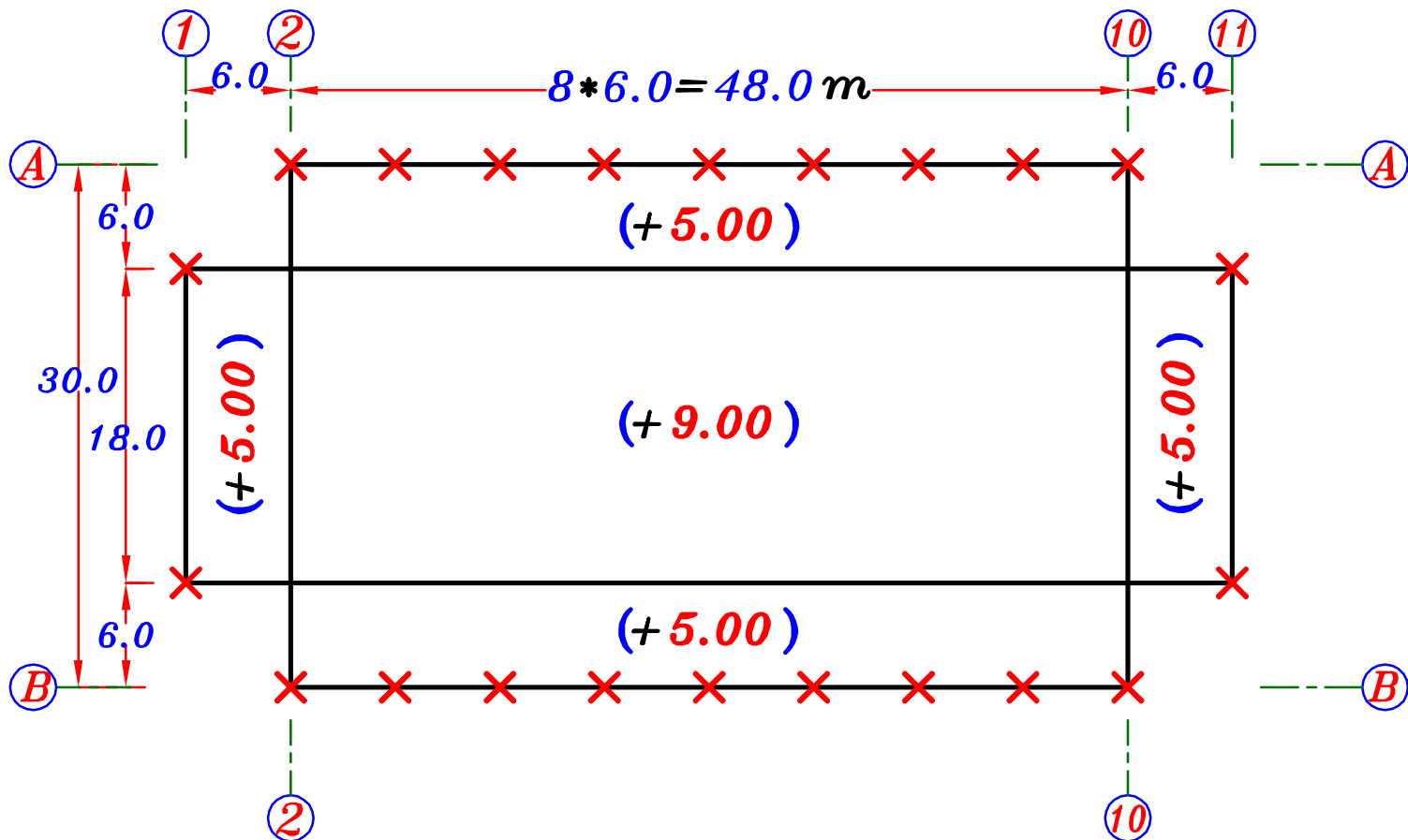


١- أن تزيد من عدد ال *segments* لل *Arch Girder* بحيث تكون  $\alpha < \frac{S}{2}$



٢ - أن نرفع البلاطة بحيث لا تحمل على ال *Arch Girder*

# Example.



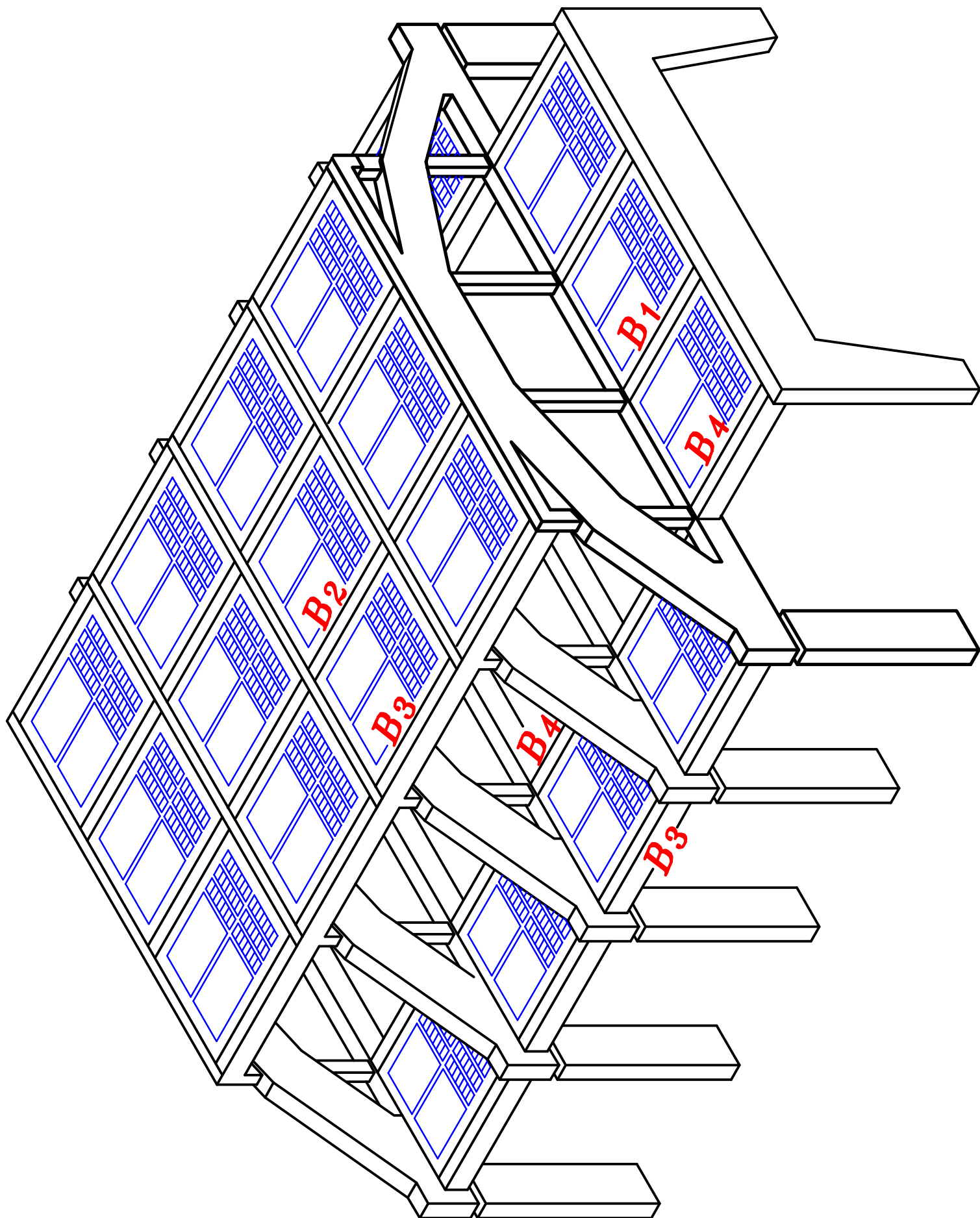
The Figure shows plan of the Factory area of an industrial Facility.  
The main Factory area is  $(30.0 * 48.0 \text{ m})$  with no interior columns allowed.  
Levels of the main Factory are as shown in plan.  
Columns are only allowed where marked  $\times$  in plan.

$$F_{cu} = 25 \text{ N/mm}^2, \quad F_y = 360 \text{ N/mm}^2$$

$$F.C. = 3.0 \text{ kN/m}^2, \quad L.L. = 1.0 \text{ kN/m}^2$$

It is required :-

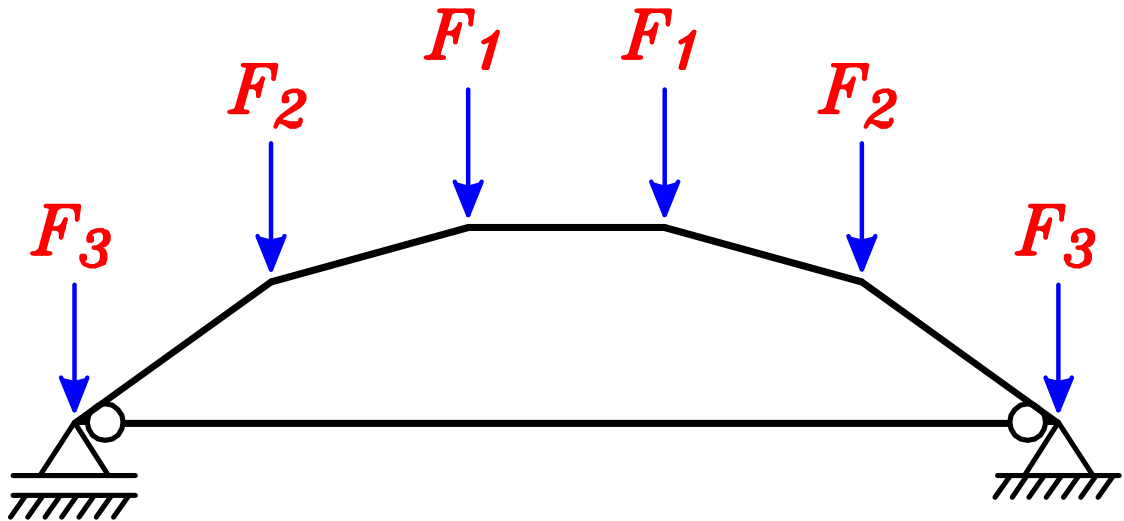
- 1- Without any calculation but with reasonably assumed concrete dimensions, Draw to scale  $1:50$  an elevation to the main supporting element at axis  $10-10$  and part plan.
- 2- Design all slabs and draw their details of reinforcement in plan.
- 3- Design the main supporting element of axis  $10-10$  of the Factory area.
- 4- Draw to a scale  $1:50$  in elevation and cross section details of reinforcement of the main supporting element.





### Drawing Arch Girder at axis 10-10.

عند رسم ال **Arch Girder** عند **axis 10-10** الاحمال عليه غير متساويه لذا عند تحديد ارتفاعاته لن ينفذ أن نضع أحمال **1.0 kN** عند كل **Joint** لذا يجب أن نرسم ال **moment** الحقيقي أولاً ثم نحدد الارتفاعات على أساس أن نفس النسب بين الارتفاعات هي نفس النسب بين العزوم الحقيقيه



### Loads on the Arch Girder at axis 10-10

#### Design the Slab.

For H.B. slab  $t = \frac{6000}{25} = 240 \text{ mm} = 250 \text{ mm}$

$$t = 250 \text{ mm}$$

$$t_s = 50 \text{ mm}$$

$$h = 200 \text{ mm}$$

$$W_{rib} = [1.4 (t_s \delta_c + F.C.) + 1.6 (L.L.)] (S * 1.0) \\ + 1.4 (b h * 1.0 \text{ m} * \delta_c) + 1.4 * (\text{Block ال وزن}) \left( \frac{1.0}{\alpha} \right)$$

$$\therefore W_{rib} = [1.4 (0.05 * 25 + 3.0) + 1.6 (1.0)] (0.50 * 1.0) \\ + 1.4 (0.10 * 0.20 * 1.0 * 25) + 1.4 \left( \frac{160}{1000} \right) \left( \frac{1.0}{0.2} \right) = 5.60 \text{ (kN \setminus (1.0 * S m}^2 \text{))}$$

## Loads Form Beams.

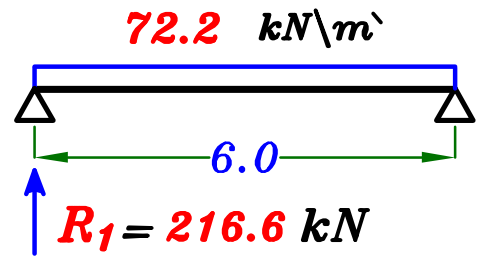
assume o.w.(beam) = 5.0 kN/m (U.L.)

B<sub>1</sub>

$$w = o.w. + \left( \frac{w_{rib}}{s} \right) L_s$$

$$w = 5.0 + \left( \frac{5.60}{0.5} \right) (6.0) = 72.2 \text{ kN/m}$$

$$R_1 = w \frac{L}{2} = 72.2 * \frac{6.0}{2} = 216.6 \text{ kN}$$



B<sub>2</sub>

$$w = o.w. + \left( \frac{w_{rib}}{s} \right) L_s$$

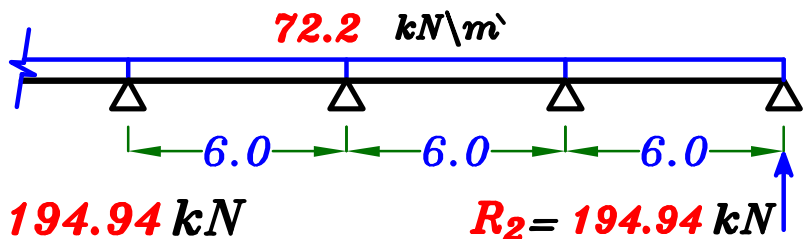
$$w = 5.0 + \left( \frac{5.60}{0.5} \right) (6.0) = 72.2 \text{ kN/m}$$

لان المطلوب تصميم Arch Girder عند axis ②  
لذلك سنحتاج أول reaction للكمره B<sub>2</sub>

$$R_2 = 0.45 * w * L$$

$$R_2 = 0.45 * 72.2 * 6.0 = 194.94 \text{ kN}$$

$$R_2 = 194.94 \text{ kN}$$



B<sub>3</sub>

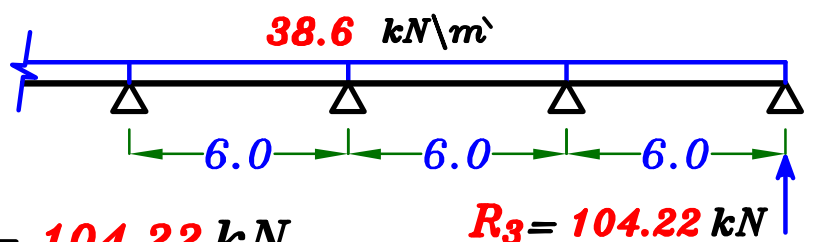
$$w = o.w. + \left( \frac{w_{rib}}{s} \right) \left( \frac{L_s}{2} \right) = 5.0 + \left( \frac{5.60}{0.5} \right) \left( \frac{6.0}{2} \right) = 38.6 \text{ kN/m}$$

لان المطلوب تصميم Arch Girder عند axis ②  
لذلك سنحتاج أول reaction للكمره B<sub>3</sub>

$$R_3 = 0.45 * w * L$$

$$R_3 = 0.45 * 38.6 * 6.0 = 104.22 \text{ kN}$$

$$R_3 = 104.22 \text{ kN}$$

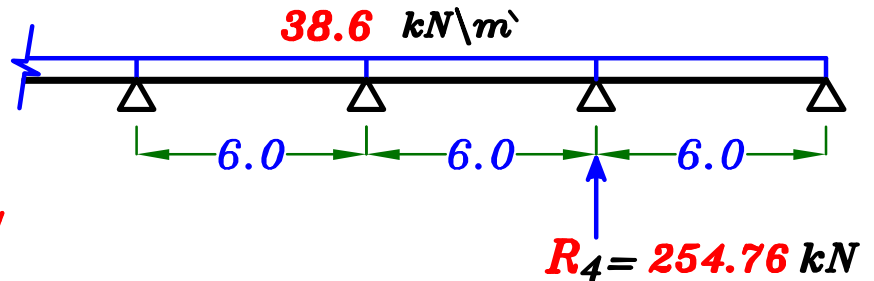




B<sub>4</sub>

$$w = o.w. + \left( \frac{w_{rib}}{s} \right) \left( \frac{L_s}{2} \right) = 5.0 + \left( \frac{5.60}{0.5} \right) \left( \frac{6.0}{2} \right) = 38.6 \text{ kN/m}$$

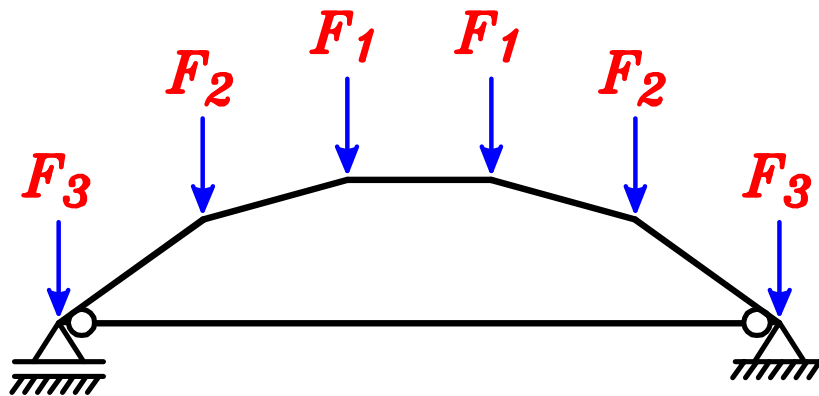
لان المطلوب تصميم Arch Girder عند axis ②  
لذلك سنحتاج ثانی reaction للكمره B<sub>4</sub>



$$R_4 = 1.10 * w * L$$

$$R_4 = 1.10 * 38.6 * 6.0 = 254.76 \text{ kN}$$

Loads on Arch Girder.

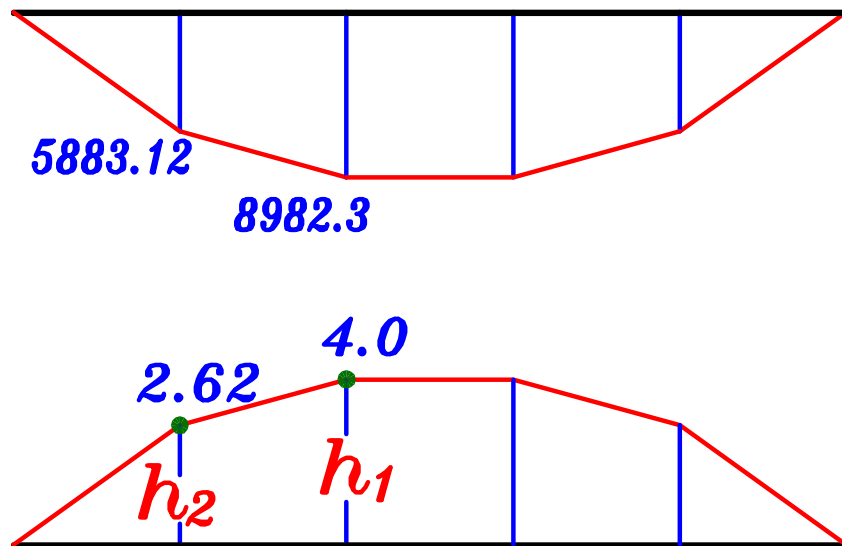
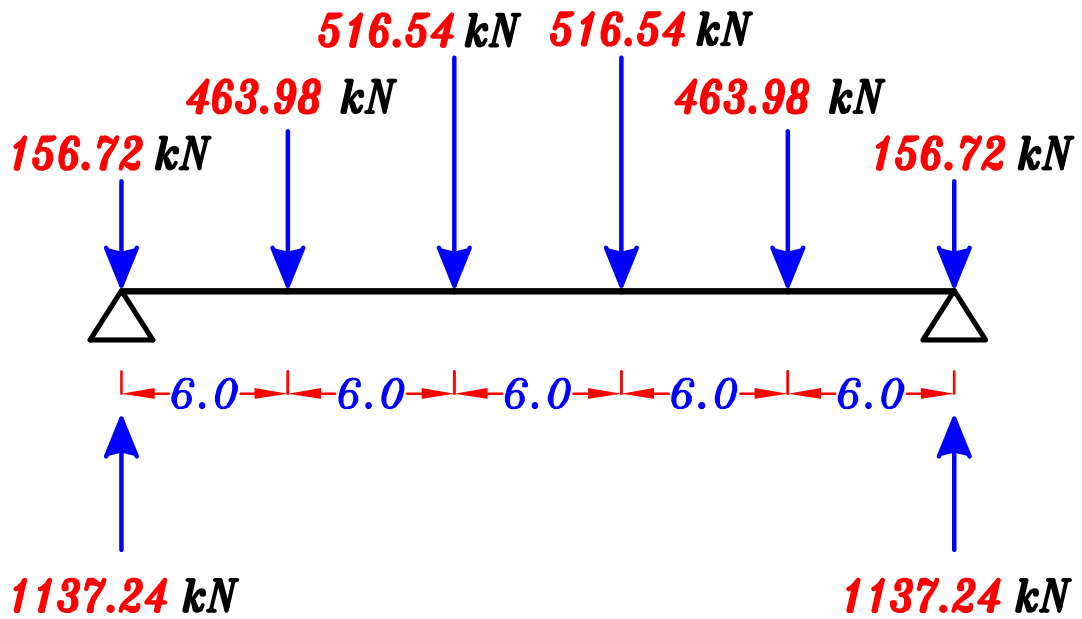
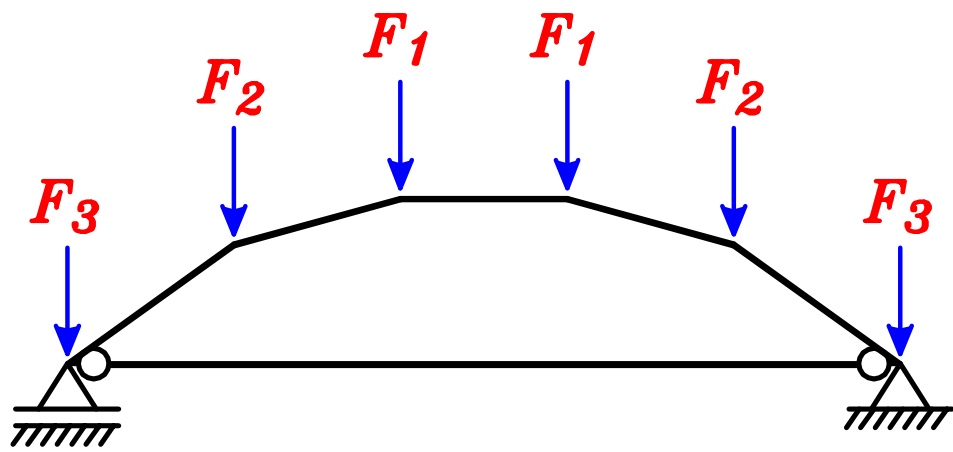


$$\text{Take } o.w.(\text{Arch}) = 17.5 \text{ kN/m (U.L.)}$$

$$\begin{aligned} F_1 &= R_1 + R_2 + o.w.(\text{Arch}) * \alpha \\ &= 216.6 + 194.94 + 17.5 (6.0) = 516.54 \text{ kN} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F_2 &= R_3 + R_4 + o.w.(\text{Arch}) * \alpha \\ &= 104.22 + 254.76 + 17.5 (6.0) = 463.98 \text{ kN} \end{aligned}$$

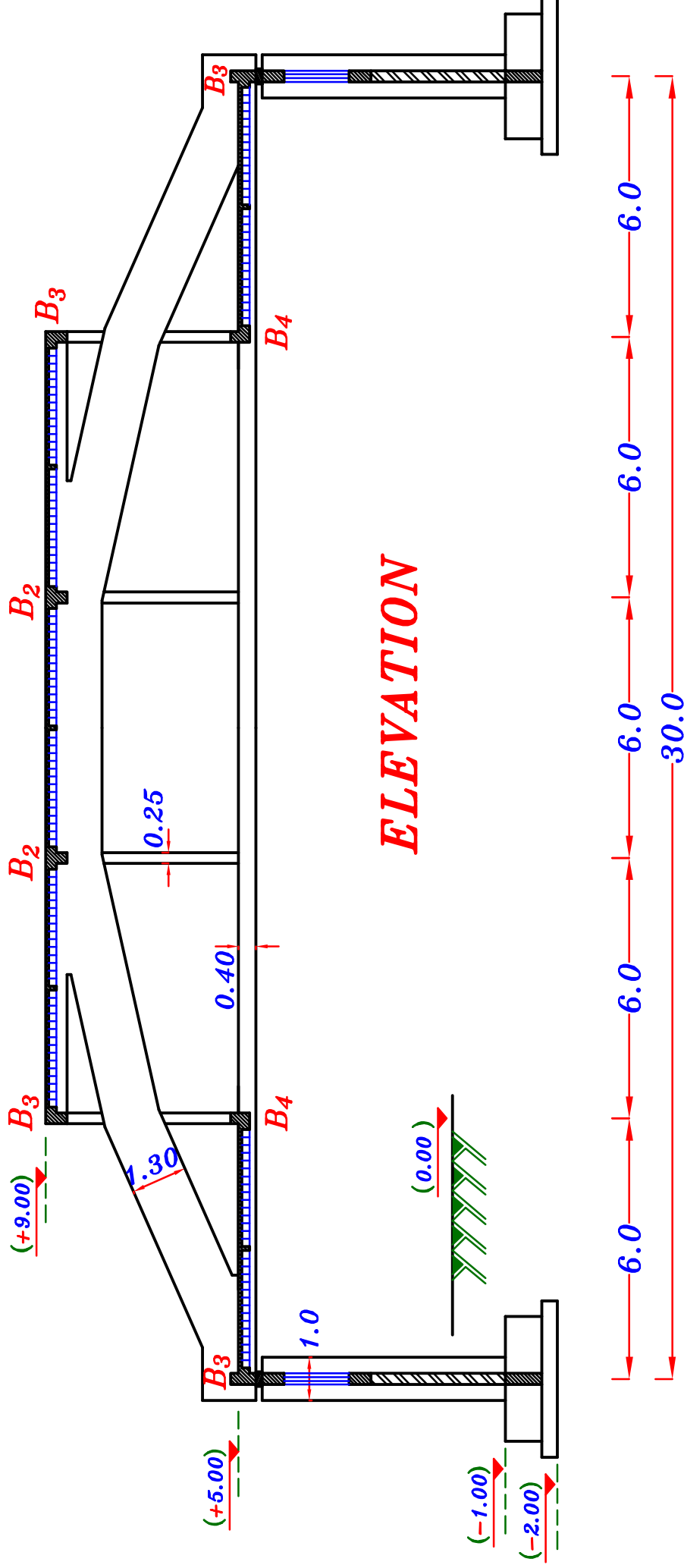
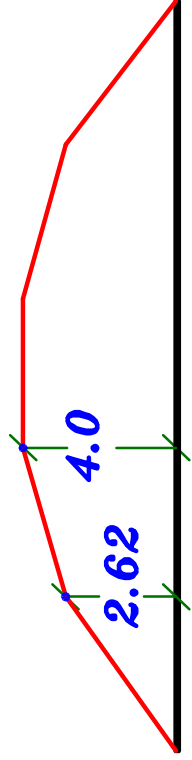
$$\begin{aligned} F_3 &= R_3 + o.w.(\text{Arch}) * \frac{\alpha}{2} \\ &= 104.22 + 17.5 (3.0) = 156.72 \text{ kN} \end{aligned}$$



$$M_1 = 8982.3 \text{ kN.m} \longrightarrow h_1 = 4.0 \text{ m}$$

$$M_2 = 5883.12 \text{ kN.m} \longrightarrow h_2 = 2.62 \text{ m}$$

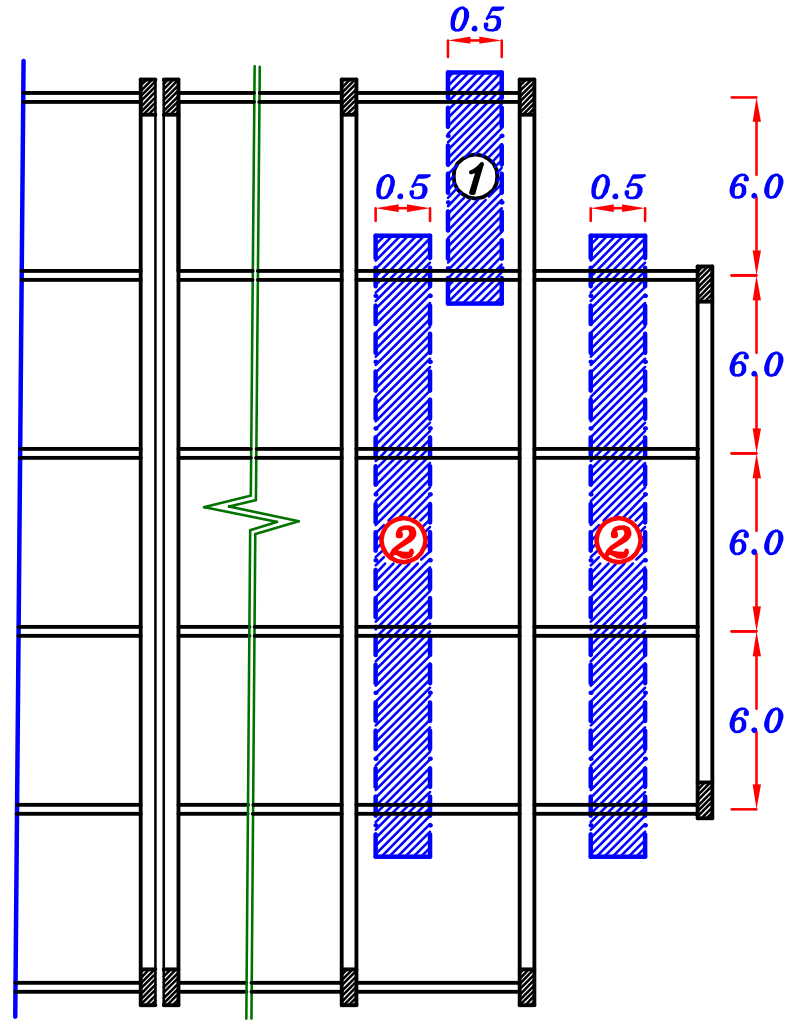
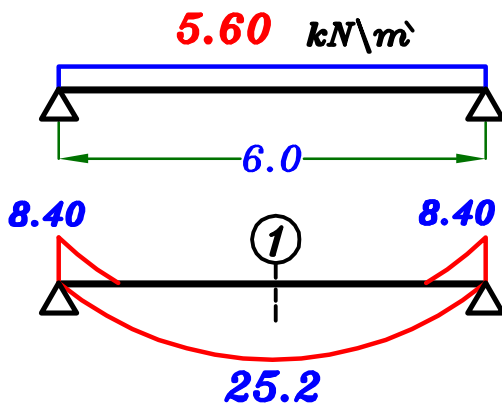
# Drawing Arch Girder.



## 2 - Design the slabs.

$$\therefore (w_{rib})_{U.L.} = 5.60 \text{ (kN} \setminus (1.0 * 0.5 \text{ m}^2)) \text{ as calculated before}$$

### Strip ①



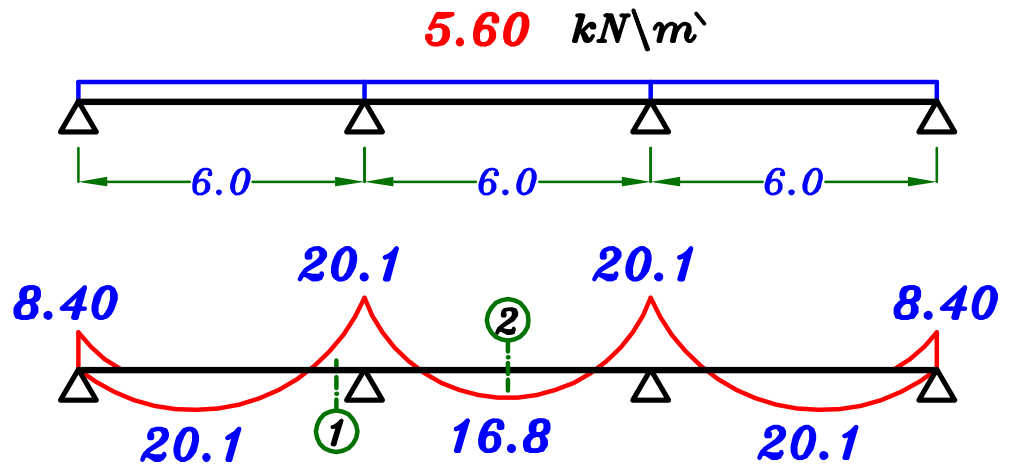
$$M = 25.2 \text{ kN.m} \setminus \text{rib} \quad d = t - 30 \text{ mm} = 250 - 30 = 220 \text{ mm}$$

$$d = c_1 \sqrt{\frac{M \text{ (kN.m} \setminus \text{rib)}}{F_{cu} B}}$$

$$\therefore 220 = c_1 \sqrt{\frac{25.2 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow c_1 = 4.89 \rightarrow J = 0.826$$

$$A_s = \frac{M}{J F_y d} = \frac{25.2 * 10^6}{0.826 * 360 * 220} = 385 \text{ mm}^2 \setminus \text{rib} \quad \boxed{2 \phi 16 \setminus \text{rib}}$$

## Strip ②



Sec. ①  $M = 20.1 \text{ kN.m/rib}$

$$d = t - 30 \text{ mm} = 250 - 30 = 220 \text{ mm}$$

$$\therefore 220 = c_1 \sqrt{\frac{20.1 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow C_1 = 5.48 \rightarrow J = 0.826$$

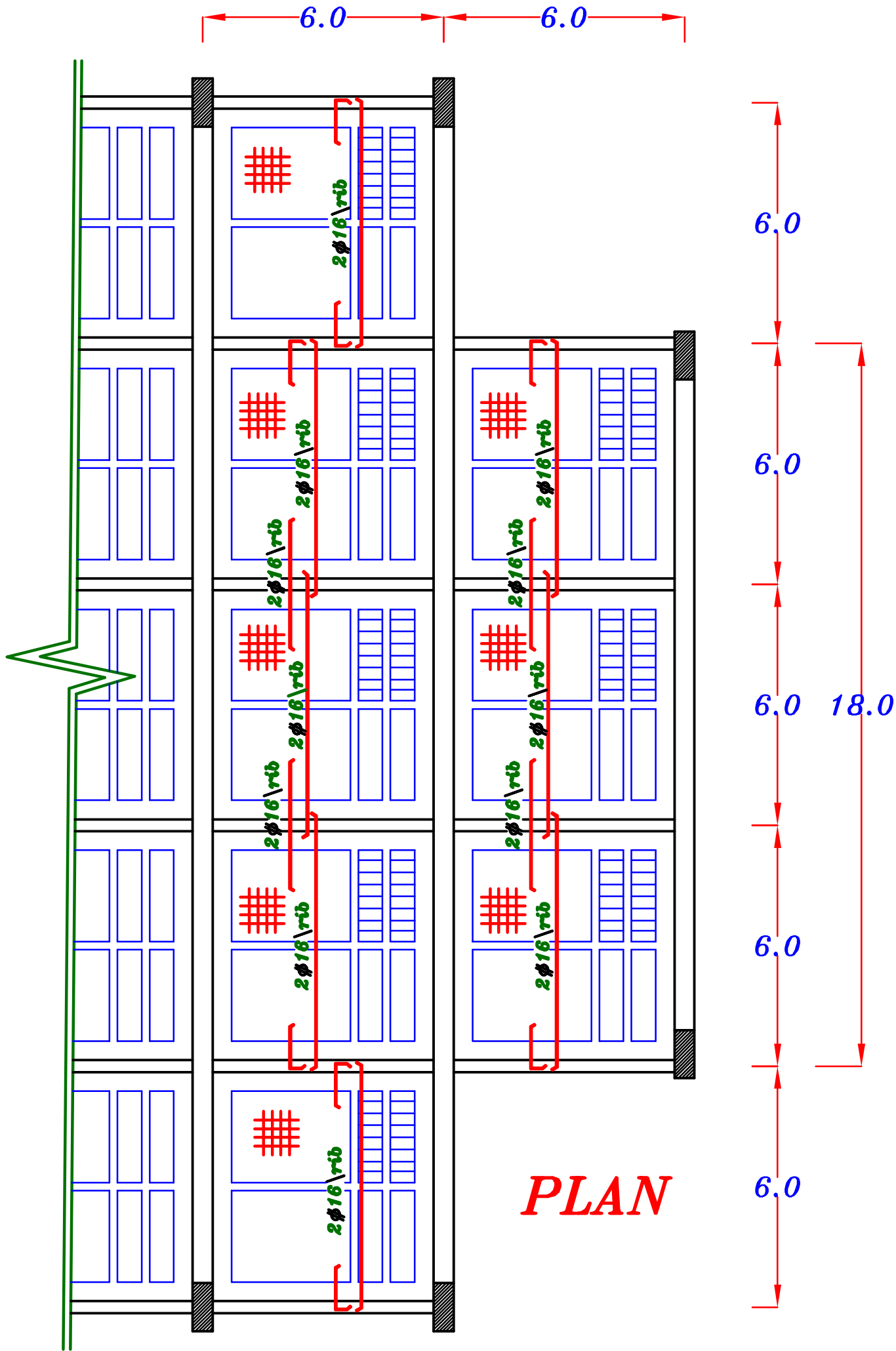
$$A_s = \frac{M}{J F d} = \frac{20.1 * 10^6}{0.826 * 360 * 220} = 307 \text{ mm}^2/\text{rib} \quad \boxed{2 \phi 16/\text{rib}}$$

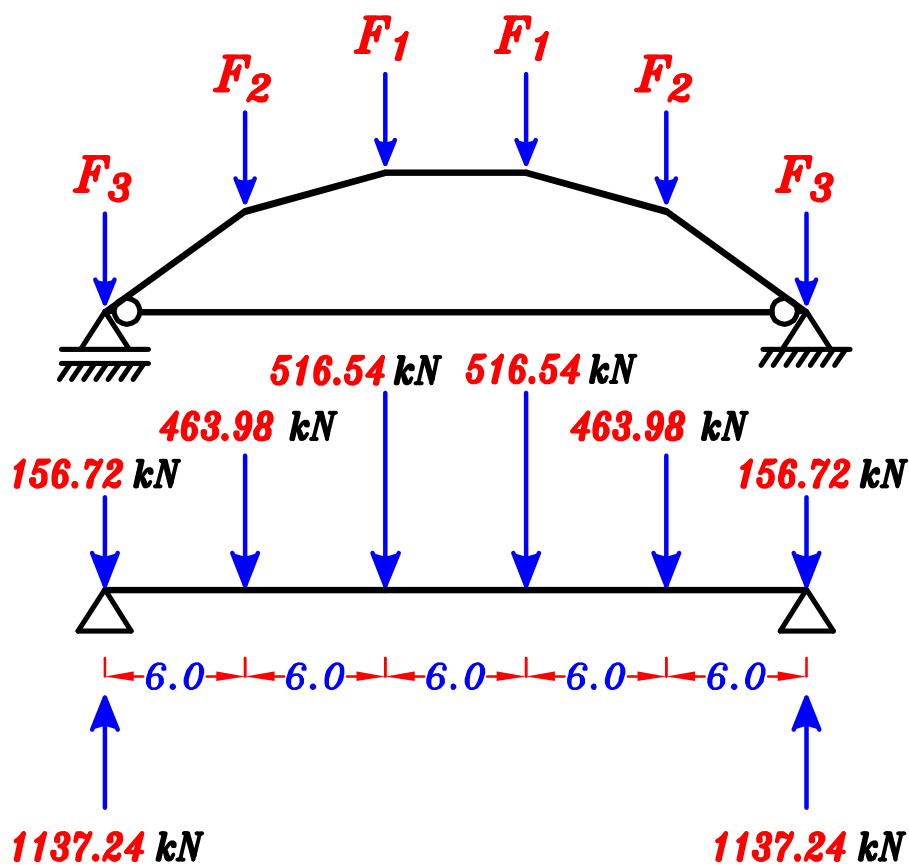
Sec. ②  $M = 16.8 \text{ kN.m/rib}$

$$d = t - 30 \text{ mm} = 250 - 30 = 220 \text{ mm}$$

$$\therefore 220 = c_1 \sqrt{\frac{16.8 * 10^6}{25 * 500}} \rightarrow C_1 = 6.0 \rightarrow J = 0.826$$

$$A_s = \frac{M}{J F d} = \frac{16.8 * 10^6}{0.826 * 360 * 220} = 256 \text{ mm}^2/\text{rib} \quad \boxed{2 \phi 16/\text{rib}}$$

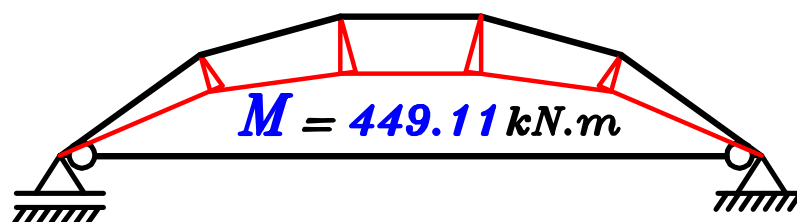




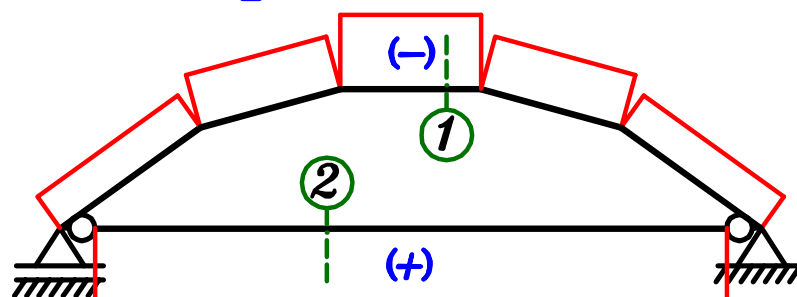
$$M_o = 8982.3 \text{ kN.m}$$

$$P = T = 0.95 \frac{M_o}{h} = 0.95 * \frac{8982.3}{4.0} = 2133.3 \text{ kN}$$

$$M = 0.05 M_o = 0.05 (8982.3) = 449.11 \text{ kN.m}$$



$$P = 2133.3 \text{ kN}$$



$$T = 2133.3 \text{ kN}$$

## \* Design of Arch Girder.

Sec. ①  $b = 0.35 \text{ m}$  ,  $t = 1.30 \text{ m}$

$P = 2133.3 \text{ kN}$  ,  $M = 449.11 \text{ kN.m}$

$$e = \frac{M}{P} = \frac{449.11}{2133.3} = 0.21 \text{ m}$$

$$\therefore \frac{e}{t} = \frac{0.21}{1.30} = 0.161 \text{ m} < 0.5 \xrightarrow{\text{use}} \text{I.D.}$$

$$\zeta = \frac{1.3 - 0.2}{1.3} = 0.84 = 0.80 \xrightarrow{\text{use}} \text{ECCS Design Aids Page 4-21}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{P_v}{F_{cu} b t} &= \frac{2133.3 * 10^3}{25 * 400 * 1300} = 0.164 \\ \frac{M_v}{F_{cu} b t^2} &= \frac{449.11 * 10^6}{25 * 400 * 1300^2} = 0.0265 \end{aligned} \right\} \rho < 1.0 \xrightarrow{\text{Take}} \rho = 1.0$$

$$\mu = \rho * F_{cu} * 10^{-4} = 1.0 * 25 * 10^{-4} = 2.5 * 10^{-3}$$

$$A_s = A_{s'} = \mu * b * t = 2.5 * 10^{-3} * 400 * 1300 = 1300 \text{ mm}^2$$

$$A_{s_{\text{Total}}} = A_s + A_{s'} = 2 * 1300 = 2600 \text{ mm}^2$$

– Check  $A_{s_{\text{min.}}} = \frac{0.8}{100} * b * t = \frac{0.8}{100} * 400 * 1300 = 4160 > A_{s_{\text{Total}}}$

$$\text{Take } A_s = A_{s'} = \frac{A_{s_{\text{min}}}}{2} = \frac{4160}{2} = 2080 \text{ mm}^2 \quad \textcircled{\textcircled{6 \phi 22}}$$

$$n = \frac{b - 25}{\phi + 25} = \frac{400 - 25}{22 + 25} = 7.97 = 7.0 \text{ bars}$$



\* Design of Tie.

Sec. ② (400\*400)  $T = 2133.3 \text{ kN}$

$M = (\text{due to o.w. only})$  Can be neglected.

$$A_s = \frac{T}{F_y \backslash \gamma_s} = \frac{2133.3 * 10^3}{360 \backslash 1.15} = 6814.7 \text{ mm}^2 \quad \text{14} \phi 25$$

\* Design of the hangers. (250\*250)

Take o.w. (hanger) = 3.50 kN (U.L.)

$$T = \text{o.w. (hanger)} + R_1 = 3.50 + 216.6 = 220.1 \text{ kN}$$

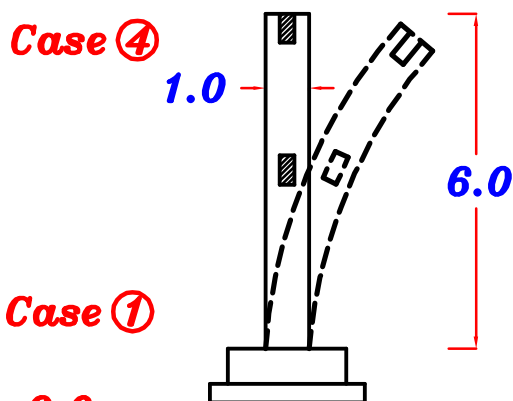
$$A_s = \frac{T}{F_y \backslash \gamma_s} = \frac{220.1 * 10^3}{360 \backslash 1.15} = 703.1 \text{ mm}^2 \quad \text{4} \phi 16$$

\* Design of Columns. (neglect the effect of wind)

$$P = \frac{\sum F}{2} = 1137.24 \text{ kN}$$

Check Buckling.

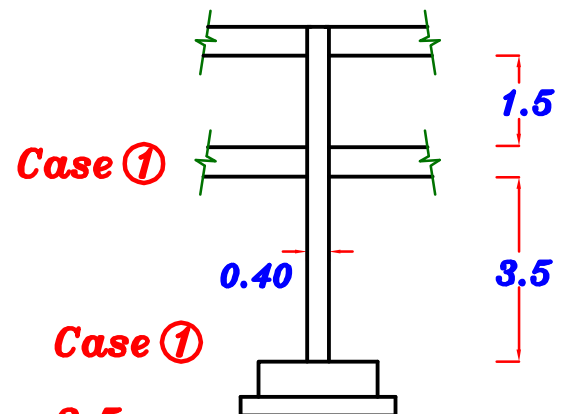
① In Plane.



$$H_o = 6.0 \text{ m}$$

$$\lambda_b = \frac{K * H_o}{t} = \frac{2.2 * 6.0}{1.0} = 13.2 > 10$$

② Out of Plane.



$$H_o = 3.5 \text{ m}$$

$$\lambda_b = \frac{K * H_o}{t} = \frac{1.2 * 3.5}{0.40} = 10.5$$

$$\delta = \frac{(\lambda_b)^2 * t}{2000} = \frac{13.2^2 * 1.0}{2000} = 0.087 \text{ m}$$

$$M_{add.} = P * \delta = 1137.24 * 0.087 = 98.94 \text{ kN.m}$$

$$e = \frac{M}{P} = \frac{98.94}{1137.24} = 0.087 \text{ m} \quad \therefore \frac{e}{t} = \frac{0.087}{1.0} = 0.087 < 0.5 \xrightarrow{\text{use}} I.D.$$

$$\zeta = \frac{1.0 - 0.1}{1.0} = 0.9 \xrightarrow{\text{use}} \text{ECCS Design Aids Page 4-23}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{P_U}{F_{cu} b t} &= \frac{1137.24 * 10^3}{25 * 400 * 1000} = 0.113 \\ \frac{M_U}{F_{cu} b t^2} &= \frac{98.94 * 10^6}{25 * 400 * 1000^2} = 0.0099 \end{aligned} \right\} \rho < 1.0 \xrightarrow{\text{Take}} \rho = 1.0$$

$$\mu = \rho * F_{cu} * 10^{-4} = 1.0 * 25 * 10^{-4} = 2.5 * 10^{-3}$$

$$A_s = A_{s'} = \mu * b * t = 2.5 * 10^{-3} * 400 * 1000 = 1000 \text{ mm}^2$$

$$A_{s_{Total}} = A_s + A_{s'} = 2 * 1000 = 2000 \text{ mm}^2$$

$$\begin{aligned} A_{s_{min}} &= \frac{0.25 + 0.052 \lambda_{max}}{100} * b * t \\ &= \frac{0.25 + 0.052 (13.2)}{100} * 400 * 1000 = 3745 \text{ mm}^2 > A_{s_{total}} \end{aligned}$$

$$A_s = A_{s'} = \frac{A_{s_{min}}}{2} = 1873 \text{ mm}^2 \quad (5 \phi 22)$$

